

وہرگیان بو کرمانجیا ژووری وریکھستنا زاراڤان  
شکری حسن سلو

پیداچوونا زانستی  
الیاس حیدر الیاس

پیداچوونا زمانی  
مجید محمد سعید باجلوری

پیداچوونا چاپکرنی  
شکری حسن سلو

1	ژماره وكردار Numbers And Operations	بهشى ئىكى
8	نهخشه Functions	بهشى دووى
15	بره ونهخشه يين دووجاى Quadratic Expressions And Functions	بهشى سىيى
20	بره ونهخشه يين راده دار Polynomial Expressions And Functions	بهشى چارى
24	بره ونهخشه يين ريژهى Rational Expressions And Functions	بهشى پيئجى
30	ئه گهر وئامار Probability And Statistics	بهشى شهشى
36	ئهندازه Geometry	بهشى حهفتى
42	سيگوشه زانى Trigonometry	بهشى ههشتى

## بۆ قوتابی

پەرتووکا راپھینانان یا ھاتیە دارشتن دا راپھینانین زیدە بۆ قوتابی پەیدا بکەت، کو دگریداینە دگەل شارازیین ھەر وانەییەکا قوتابی فیرووی. ئەف پەرتووکە یا پیکھاتی ژلا پەرەکی بۆ ھەر وانەییەکی وەر راپھینانەکا وی وان، ئەوان شارەزایی و بجهئینانان بخۆقە دگریت، کو قوتابی دئەوی وانیدا یی فیرووی.

# راهینان



## 1-1 کردار لسەر ژمارهییڤن راستی *Real numbers with operations*

هموو سیفتهیڤن دشیاندا بۆ هەر ژمارهیهکی ديار بکه، ب دانانا نیشاننا (×) لجهی گونجای.

ژماره	سروشستی	تهواو	پیزهیی	نارپیزهیی	راستی
1					$\frac{13}{17}$
2					$\sqrt{169}$
3					3.121121112....
4					801.35
5					501.07

وان سیفتهیڤن هەر ئیک ژوان یهکسانیان دهردبریت ديار بکه، ههکه بزانی هموو گوڤاو ژماريڤن راستی دنويڤن.

یهکسانی	سیفەت
6	$75 + (-75) = 0$
7	$181 \times 1 = 181$
8	$-2 + (33 + 18) = (-2 + 33) + 18$
9	$\frac{54}{k} \times \frac{k}{54} = 1$ که $k \neq 0$
10	$47y \times 3x = 3x \times 47y$
11	$14(x + 91) = 14 \times x + 14 \times 91$
12	$\frac{7}{8} + 0 = \frac{7}{8}$

بهایی هەر برهکی بکارئینانا رپیزه نديا کرداران بهه ژمیره

بهایی وی	بره
14	$52 \div (2 + 11)$
16	$45 - 16 \div 8$
18	$12 + 8^2 \div 4$
20	$(13 - 7)^2 \div 5$
22	$7 \times 12 + 30 \div 5$

بهایی وی	بره
13	$-2 \times 4^2 - 1$
15	$27 + 8 \times 2$
17	$13 \times 3 + 2 \times 5$
19	$\frac{38-150}{4} - 4 + 2$
21	$(77 - 50) - (13 - 42)$

چهوا سیفەت ل ساده کرنا بران هاریکاری دکەت؟

سیفەت	بره	به رسف
23	$6 \times 14 \times 1.5$	ئالوگۆرکنا لیکدانئ
24	$(13 + 39) - 19$	یهکتر به ستنا کۆمکرنئ

## راهینان



### Equations 2-1 ھاوکیشه

هر ھاوکیشه یه کی شیکار بکه

په گین وی	ھاوکیشه	
	$4x + 20 = 5(x + 3)$	2
	$3(2y - 4) = 3y - 5(y + 1)$	4
	$2(y + 3) = 5y + 15$	6
	$2(x + 3) = 5(x - 3)$	8
	$7y = 2(y - 3)$	10
	$5(x + 0.5) = -1.5(x + 3x)$	12
	$2y = 3(y + 2)$	14
	$2x + 2(2x - 3) = -3$	16

په گین وی	ھاوکیشه	
	$4x + (2x - 1) = 2$	1
	$5x + 15 = 10(x - 3)$	3
	$0.4 - 6(3x - 2) = 48.4$	5
	$5x + 10(4x + 3) = 15$	7
	$-4y + 7 = 5(y + 2)$	9
	$5x - 15 = 4x + 3$	11
	$2(2y + 2) + y = 3y - 4$	13
	$2x + 4(3x + 6) = 12$	15

هر ھاوکیشه یه کی ب پوونکرنی شیکار بکه، وره گین وان بو نیژیکترین بهش ژسه دی بنقیسه.

په گین وی	ھاوکیشه	
	$6.46 + 2.3x = 1.24x - 7$	17
	$-2.05x + 1.8(x - 3) = 6.2$	18
	$0.38 - 0.66x + 0.72x - 0.54 = 0$	19
	$1.84 - 0.23x = 0.5(-0.46x + 3.68)$	20

هر ھاوکیشه یه کی به ژمارتنا وی گوراوی دناف دوو کفاناندا هاتیه نفیسین پی گوراوین دی بنقیسه.

بهرسف	گوراوی دناف دوو کفاناندا	ھاوکیشه	
	(g)	$x = \frac{1}{2}y(g + t)$	21
	(k)	$c = 2k + 2f$	22
	(t)	$x = d(1 + ct)$	23
	(x)	$m = n + b(x + y)$	24
	(c)	$x = 2\pi r(r + c)$	25
	(y)	$x = \frac{1}{2}yt$	26

27 دوو گوشه یین پرکه پیقانا ئیکی ژوان ب 20° ژدوو جارانی پیقانا یا دی پتره، پیقانا هر ئیکی چهنده؟

28 بهنگین ل سهخبیریا که رهستین ساخله میی کار دکته، 18.75 هزار دیناران بو هر ده ژمیره کا کاری وهر دگریت و 30 هزار

دیناران بو کرپیا فهگوستنی وهر دگریت. بهنگینی چند ده ژمیره ان کار کریه؟ ههکه بزانی نهوی 225 هزار دینار وهر گرتبون.

راهینان



3-1 لاسهنگه Inequalities

لاسهنگه يهكا گونجاي بو وي كومه لا شيكارا نواندي لسهر تهوهري ژماران بنقيسه.

لاسهنگه	نواندنا كومه لا شيكارى لسهر تهوهري ژماران

ههر لاسنگه يهكي شيكار بكه وكومه لا شيكارى لسهر تهوهري ژماران بنويته.

شيكار ب پروونكرنى	شيكار ب جهبرى	لاسهنگه
		$5x - 6 > 14$
		$7x - 15 \geq -2(x + 3)$
		$\frac{2x-1}{3} \geq x+1$
		$-5(x+2) \geq 3x+6$

ههر لاسنگه يهكا ناويته شيكار بكه، وكومه لا شيكارى لسهر تهوهري ژماران بنويته:

شيكاركرن ب پروونكرنى	شيكاركرن ب جهبرى	لاسهنگه
		$2x - 6 < 4 \vee 5x - 2 < 3$
		$155 > \frac{k+738}{6} \wedge 150 < \frac{k+738}{6}$

11 ريقه بهريا باغچين نازه لان پليتا چونا ژور بو مههكي ب بهايي 235 هزار ديناران دنخيته بهردهست، وپليتا چونا ژورا پوژانه ب بهايي 38.5 هزار ديناران. چند پوژان تو دشپي سرهدانا باغچي نازه لان بكي دمههكيذا، ههتا مفاي ژكرينا پليتا ههيفانه بكي؟

12 سيفتهكا بنهپهتي يا سيگوشى نهوه: كو سرجهمي دريژيا دوو لايين وي مهزنتره ژدريژيا لايي سيبي، وجياوازيا ههردوو لايان ژلايي سي بچووكتره. ههكه سيگوشهيهك ههبيت دريژيا لايي نيكي 7.4m ودريژيا لايي دووي 5.3m بيت. نهوي لاسهنگهيا ناويته ديار بكه كو دقيت دريژيا لايي سيبي ساخبكهت؟

## راهینان



### 4-1 هیژ Powers

بهایّ هەر برهکی بههژمیره

بهایّ وی	بره
2	$-15^{-1}$
4	$(-3^4 \times 3^5)^0$
6	$\left(\frac{3}{5}\right)^2$
8	$\left(\frac{1}{2}\right)^{-5}$
10	$\left(\frac{1}{2}\right)^{-4}$
12	$(-27)^{\frac{2}{3}}$

بهایّ وی	بره
1	$32^0$
3	$(3 \times 2)^2$
5	$(-217)^1$
7	$\left(\frac{1}{5}\right)^{-2}$
9	$32^{\frac{1}{5}}$
11	$64^{\frac{5}{6}}$

هەر برهکی ساده بکه بتنی بکارئینانا توانین موجهب، ههموو گؤراو نه بهکسانن ب سفری.

شیوی ساده	بره
14	$(x^3)^5$
16	$x^1 \cdot x^{-5}$
18	$\left(\frac{2y^{-2}}{y^3}\right)^{-3}$
20	$(-24x^2y^3)^2 (-3x^3y^4)^3$

شیوی ساده	بره
13	$m^5 \times m^{-4}$
15	$(b^{-3})^{-1}$
17	$\frac{2d^2}{d^{-6}}$
19	$(4xy)^2 \times (-x^2y)^5$

هەر برهکی بههژمیره بکارئینانا بژمیری (الحاسبة)

بهایّ وی	بره
22	$(125^{\frac{4}{3}} \times 36^{\frac{3}{2}})^{\frac{3}{5}}$

بهایّ وی	بره
21	$(32)^{\frac{-1}{5}} (3 \times 5^2)^{-1.7}$

23 نهخشهیا  $t = x m^{-1}$  لهرینا (لهزینا) شهپولین دهنگی دنوینیت، کو  $(t)$  لهرینا شهپولیییه،  $(x)$  لهزا وییه و  $(m)$  دریژیا وییه.

أ لهرینا وی شهپولا دهنگی چهنده کو دریژیا وی 2.35m بیت، ولهزا وی 235.23m بیت، دهه چرکه کیدا؟

ب لهزا وی شهپولا دهنگی چهنده کو دریژیا وی 2.56m بیت، ولهرینا وی 94.6 لهرینه بیت دچرکه کیدا؟

## راهینان



### 5-1 شیکار کرنا سیستہ میٰ ہاوکیٹشہ یین ہیلی ب ریکا لجدانانی

*Solving linear equations system by substitution*

ہر سیستہ مہکی ب ریکا لجدانانی شیکار بکہ، وشیکاریٰ ساخ بکہ.

$$\begin{cases} 8x = y & \mathbf{3} \\ 2x + y = 5 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x - 10y = 2 & \mathbf{2} \\ x - 6y = 6 \end{cases}$$

$$\begin{cases} y + 2x = 1 & \mathbf{1} \\ x + y = 5 \end{cases}$$

$$\begin{cases} 3x + 4y = 11 & \mathbf{6} \\ 2x + 4y = 8 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x + 2y = 2 & \mathbf{5} \\ 2x + 3y = -1 \end{cases}$$

$$\begin{cases} 3x + y = -4 & \mathbf{4} \\ \frac{1}{2}x + y = 6 \end{cases}$$

بو ہر پرسیارہ کی سیستہ میٰ ہاوکیٹشہ یہ کا ہیلی بنقیسہ، پاشی شیکار بکہ.

7 دریژیا کیلگہ کی 4 چارانی پانیا ویبہ، دریژی ویانیا وی بہہ ژمیرہ ہہ کہہ چیوہ 1250m بیت.

8 ل گہشتہ کا فرۆکی ل ناقبہ را دوو باژیران کو دووریا ناقبہ را وان 480km، فرۆکہ ل چوونی ب دژی ئاراستہ یی بای بوو،

گہشتی 2 دہمژمیران فہ کیٹشا. لی گہشت ل فہ گہریانی دگہل ئاراستہ ی بای بوو 1,5 دہمژمیری فہ کیٹشا، لہزا فرۆکی ولہزا

بای بینہ دہر؟



## راھینان



### 6-1 شیکار کرنا سیستہ می ھاوکیٹشہ یین ھیلی ب لادانی

#### *Solving linear equations system by cancellation*

ھەر سیستہ مہکی دوو ھاوکیٹشہ یین ھیلی شیکار بکہ ب ریکا لادانی، وشیکاری پاسہ دان بکہ.

$$\begin{cases} 7y - x = 8 & \mathbf{3} \\ x - y = 4 \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{2}{3}x - 3y = \frac{1}{5} & \mathbf{2} \\ 2x - 9y = 4 \end{cases}$$

$$\begin{cases} -2x + 9y = -13 & \mathbf{1} \\ 6x - 3y = 15 \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{1}{2}x + y = 22 & \mathbf{6} \\ 2x + 4y = 11 \end{cases}$$

$$\begin{cases} 5x + 9y = -7 & \mathbf{5} \\ 2x + 3y = -1 \end{cases}$$

$$\begin{cases} 4x + y = 12 & \mathbf{4} \\ 3x + \frac{1}{4}y = 9 \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{1}{2}x + \frac{3}{4}y = 10 & \mathbf{9} \\ 2x - y = 8 \end{cases}$$

$$\begin{cases} 6x - y = 26 & \mathbf{8} \\ 3x - \frac{1}{2}y = 13 \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{2}{3}x - y = -2 & \mathbf{7} \\ 3x + 2y = -35 \end{cases}$$

$$\begin{cases} 5x + 2y = -9 & \mathbf{12} \\ y - 3x = 12 \end{cases}$$

$$\begin{cases} 13x + 7y = 19 & \mathbf{11} \\ 9x - 2y = 20 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x - 9y = -13 & \mathbf{10} \\ 2x + y = -7 \end{cases}$$

$$\begin{cases} 3x + 5y = 4 & \mathbf{15} \\ 5x + 7y = 6 \end{cases}$$

$$\begin{cases} 3x - 2y = 31 & \mathbf{14} \\ 3x + 2y = -1 \end{cases}$$

$$\begin{cases} 11x - 4y = 19 & \mathbf{13} \\ 3x - 2y = 7 \end{cases}$$

بو قی پرسیار، سیستہ می ھاوکیٹشہ ییکا ھیلی بنقیسہ، پاشی شیکار بکہ.

**16** کرییا کریکارہکی شاره زال دهمژمیرهکی 25 هزار دینارن، وکرییا کریکارہکی نه شاره زال دهمژمیرهکی 12 هزار دینارن.

ههکه کارگه مهك 24 کریکارین ژههردوو جوران بکاربنیت ل دهمژمیرهکی، و 405 هزار دیناران بدهتی، کارگه هی چند

کریکار ژههردوو جوران بکاربنیانه؟

راهینان



7-1 برهین رهگی Radical expression

هر بهرکی ب سادهترین شیوه بنقیسه بکارئینانا شیتهلکرنی، بهای نیژیککه بو نیژیکترین بهش ژسهدی.

- |                         |                         |
|-------------------------|-------------------------|
| _____ $\sqrt{72}$ 2     | _____ $\sqrt{144}$ 1    |
| _____ $\sqrt{4\ 000}$ 4 | _____ $\sqrt{288}$ 3    |
| _____ $\sqrt{8\ 775}$ 6 | _____ $\sqrt{3\ 264}$ 5 |

هر برهکی ساده بکه.

- |   |  |
|---|--|
| _____ $\sqrt{27} \times \sqrt{3}$ 8     | _____ $\sqrt{8} \times \sqrt{14}$ 7    |
| _____ $\frac{\sqrt{72}}{\sqrt{6}}$ 10   | _____ $\sqrt{12} \times \sqrt{6}$ 9    |
| _____ $\frac{\sqrt{500}}{\sqrt{50}}$ 12 | _____ $\frac{\sqrt{162}}{\sqrt{3}}$ 11 |

هر برهکی ساده بکه، ههکه بزانی گوڤاو بهایین موجهب وهردگرن:

- |                                   |                                   |
|-----------------------------------|-----------------------------------|
| _____ $\sqrt{b^8 c^6}$ 14         | _____ $\sqrt{m^2 n}$ 13           |
| _____ $\sqrt{\frac{x^5}{y^9}}$ 16 | _____ $\sqrt{\frac{x^3}{y^6}}$ 15 |

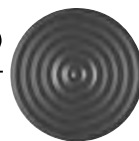
هر برهکی بههژمیره، ههکه چیبیت بهرسقی ب سادهترین شیوه بنقیسه.

- |   |   |
|---|---|
| _____ $3\sqrt{27} - 5\sqrt{3}$ 18       | _____ $\sqrt{12} + 3\sqrt{3}$ 17        |
| _____ $(5 + \sqrt{5})(2 - \sqrt{3})$ 20 | _____ $\frac{\sqrt{1+25}}{\sqrt{2}}$ 19 |

هر برهکی ساده بکه.

- |                                     |   |
|-------------------------------------|---|
| _____ $2(3 + \sqrt{12})$ 22         | _____ $(2\sqrt{3})^2$ 21                  |
| _____ $\sqrt{3}(2 + \sqrt{12})$ 24  | _____ $(\sqrt{12} + 2)(\sqrt{12} - 2)$ 23 |
| _____ $(\sqrt{3} + \sqrt{12})^2$ 26 | _____ $(\sqrt{3} + 2)^2$ 25               |

# راھینان



## 1-2 نەخستە Functions

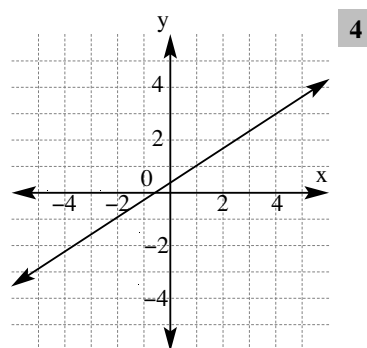
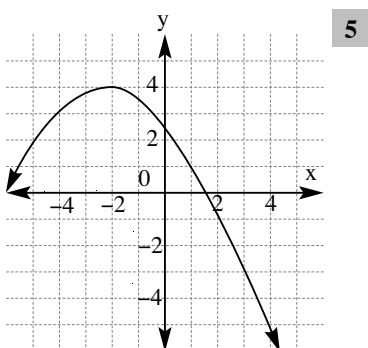
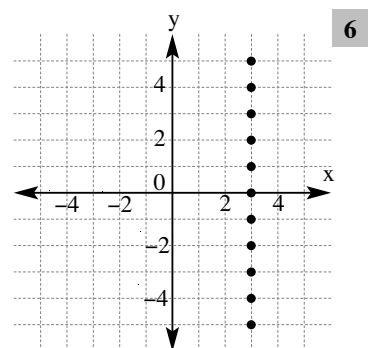
ئەرى ئەف خستە پیناسا نەخشی دنویتت؟ روونبکه

x	-1	0	0	1
y	1	2	3	4

x	1	2	3	4
y	4	5	5	6

x	0	1	2	3
y	4	5	6	7

ئەرى ئەف وینەیین روونکرنی نەخشی دنویتن؟ روونبکه



بھایی فان نەخشان بهژمیڤه ب ریکا لجهدانانی

---



---



---



---



---

7  $f(x) = 20x - 4$  کو  $x = -2$  ;  $x = 8$

8  $f(x) = 5x^2$  کو  $x = -3$  ;  $x = 5$

9  $f(x) = 12 - 3x$  کو  $x = -5$  ;  $x = 7$

10  $f(x) = 3x^2 - 2$  کو  $x = -4$  ;  $x = 11$

11  $f(x) = 3x - x^2$  کو  $x = 0$  ;  $x = 0.5$

ھیلکاری روونکرنی بو ھەر نەخشەھەکی بکیشە بکارئینانا بژمیڤا روونکرنی، پاشی بوار ومەودای دیار بکه:

14  $f(x) = -3x^2 + 5$

13  $f(x) = 2x^2$

12  $f(x) = -3x$

---



---



---

## راهینان



### 2-2 نه خشهيا هيلي Linear function

ديار بکه ئهري ئهف نه خشه هيله ييه يان نه. په يقا بهلي يان نه خير بنقيسه، هويي به رسقا خو پروونبکه.

$$f(x) = \frac{-4x+5}{2} \quad \mathbf{2}$$

$$f(x) = 4x \quad \mathbf{1}$$

$$f(x) = \frac{1}{x}, x \neq 0 \quad \mathbf{4}$$

$$f(x) = 5x^2 \quad \mathbf{3}$$

$$f(x) = (x-5) \times (\sqrt{81} - \sqrt{100}) \quad \mathbf{6}$$

$$f(x) = 4(x-3) \quad \mathbf{5}$$

جووتی پیکختی تمام بکه ب مهرجهکی نهو خاله بکه فیت سهر راسته هيلي  $y = 2x - 14$ .

$$(\ ?, -2) \quad \mathbf{8}$$

$$(1, \ ?) \quad \mathbf{7}$$

$$\left(\frac{\sqrt{9}}{2}, \ ?\right) \quad \mathbf{10}$$

$$\left(-\frac{1}{2}, \ ?\right) \quad \mathbf{9}$$

$$(\sqrt[4]{81}, \ ?) \quad \mathbf{12}$$

$$(\ ?, \sqrt{2}) \quad \mathbf{11}$$

هیلکاری پروونکرنا نه خشی بکیشه وديار بکه کا یا هيله ييه يان نه، پروونبکه.

$$f(x) = x^2 + 1 \quad \mathbf{14}$$

$$f(x) = 2x \quad \mathbf{13}$$

**15** پلا گهرماتی ل دهمزير 6:00 پ.ن 21 پله سهدی بوو. پاشی بلند بوو بو 25° پله سهدی ل دهمزير 9:00 پ.ن. ودهسا دانه

کو گهرماتی ب ريزهکا نه گور بلند دبیت ل ههر دهمزيرهکی.

ا) نه خشه يهکا هيلي بنقيسه کو پله يين گهرماتی پی ژمارا دهمزيران ديار بکه ت پستی 6:00 پ.ن.

ب) پلا گهرماتی دی بیته چند ل دهمزير 11:00 پ.ن.

راهینان



3-2 شیوهیین جیاواز بو هاوکیثهیا راسته هیلی

*Difference form of the equation of a line*

پۆتانی خالا نیکودوو برینا هر راسته هیلهکی دگهل هردوو تهوهرین پۆتانی دیار بکه.

$3y + x = 1$  2

$y = 2x$  1

$\frac{1}{4}x - \frac{1}{4}y = 1$  4

$y = \sqrt{2}x + 1$  3

لاری هر راسته هیلهکی و خالا نیکودوو برینا وی دگهل تهوهری دووی دیار بکه بیی دروستکرنا وینهیی پوونکرنی.

$y = -\sqrt{3}x - (1 + \sqrt{16})$  6

$y = -3x + 5$  5

هاوکیثا هر راسته هیلهکی ب شیوهی لاری وبرگی تهوهری دووی (صادی) بنقیسه.

$-\frac{1}{2}y + x = \sqrt{2}$  8

$2x + 5y = 1$  7

شیوهی گشتی هر راسته هیلهکی بنقیسه.

$y = (\sqrt{3})^3 x - 5$  10

$y = -\frac{3}{2}x$  9

هاوکیثا هر راسته هیلهکی ب شیوهی لاری وبرگی تهوهری دووی (صادی) وشیوهی گشتی بنقیسه.

$5y - (-4x + y) = 4$  12

$3y = 4x - (5y + 1)$  11

هاوکیثا هر راسته هیلهکی ب شیوهی لاری وبرگی تهوهری دووی (صادی) بنقیسه کو دقان هردوو خالا را بۆری بت.

$N\left(\frac{4}{5}, \sqrt{9}\right); M\left(0, \frac{2}{3}\right)$  14

$B(-1, -1); A(1, 1)$  13

پاهینان



4-2 تهريبيون وستوونبوونا راسته هيلان

Parallel and Perpendicular lines

لاری هەر راسته هیلهکی دیار بکه.

\_\_\_\_\_  $y = 2x + 4$  **1**      \_\_\_\_\_  $y = \frac{-x+5}{2}$  **2**

\_\_\_\_\_  $2y + x = -1$  **3**      \_\_\_\_\_  $x + \frac{1}{2} = -\frac{1}{4}y$  **4**

لاری وان راسته هیلان دیار بکه کو تهريبين دگهل فان راسته هیلان.

\_\_\_\_\_  $y = 2x - 5$  **5**      \_\_\_\_\_  $y = -x + 2$  **6**

\_\_\_\_\_  $3x + y = 10$  **7**      \_\_\_\_\_  $5x - y = 11$  **8**

\_\_\_\_\_  $x + 2y = 6$  **9**      \_\_\_\_\_  $2x - 3y = 9$  **10**

\_\_\_\_\_  $4x + y = 3$  **11**      \_\_\_\_\_  $x + 2y = 14$  **12**

لاری وان راسته هیلان دیار بکه کو ستوونن لسهر فان راسته هیلان.

\_\_\_\_\_  $y = 4x + 6$  **13**      \_\_\_\_\_  $y = -\frac{1}{5}x - 3$  **14**

\_\_\_\_\_  $x + y = 7$  **15**      \_\_\_\_\_  $6x - y = 14$  **16**

\_\_\_\_\_  $x + 7y = -21$  **17**      \_\_\_\_\_  $5x - 4y = 12$  **18**

\_\_\_\_\_  $y = \frac{1}{3}x + 2$  **19**      \_\_\_\_\_  $2y = -2x - 8$  **20**

لسهر شیوی لاری وبرگی تهودری دووی (صادی) هاوکیشا وی راسته هیلای بنقیسه کو دخالا (-2, 6) پرا دبووریت و:

\_\_\_\_\_ تهريبه دگهل راسته هیلای  $2x + y = 5$  **21**

\_\_\_\_\_ ستوونه لسهر راسته هیلای  $y = -3x + 4$  **22**

هاوکیشهیا وی راسته هیلای بنقیسه کو دخالا (-3, 2) پرا دبووریت و:

\_\_\_\_\_ تهريبه دگهل راسته هیلای  $y = -4$  **23**

\_\_\_\_\_ ستوونه لسهر راسته هیلای  $y = -4$  **24**

## راهینان



### 5-2 شیکار کرنا سیستہ می ھاوکیٹشہ یین ھیلی ب پروونکرنی

#### *Solving linear systems graphically*

ھەر سیستہ مہکی بنوینہ، پاشی پولینبکہ، شیکاری بنقیسہ ھەکە سیستہ می سنووردار بیت.

$$\begin{cases} 3x+4y=-7 & \mathbf{3} \\ 2x+y=-3 \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{1}{2}x+y=2 & \mathbf{2} \\ 2y+x=4 \end{cases}$$

$$\begin{cases} y=x+4 & \mathbf{1} \\ y+x=4 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x+\frac{1}{3}y=3 & \mathbf{6} \\ 3x-y=-3 \end{cases}$$

$$\begin{cases} 5x-y=2 & \mathbf{5} \\ 2x-y=-1 \end{cases}$$

$$\begin{cases} y=-4x+10 & \mathbf{4} \\ 2x+\frac{1}{2}y=6 \end{cases}$$

سیستہ می ھاوکیٹشہ یین ھیلی بو فان پرسیارین ل خواری بنقیسہ، پاشی شیکار بکہ.

7 دەمژمیرەك ونیف گەشتا بەلەمەکی قەدکیشیت بو برینا دوریا  $x$  مەتر ھەکە دگەل ئاراستی پێلا ئاقی بیت، و دوو دەمژمیر

و 40 خولەکان قەدکیشیت بو برینا ھەر وی دوراتیی ھەکە دژی ئاراستی پێلا ئاقی بیت. لەزا بەلەمی چەندە لەزا پێلا

ئاقی چەندە پێی گۆراوی  $x$ ؟

## راھبەتەن



### 6-2 نەخشەیا بەھایی پووت Absolute value function

بەھەژمیرە

\_\_\_\_\_ =  $|-4.7|$  **1**      \_\_\_\_\_ =  $-|-3.8|$  **2**      \_\_\_\_\_ =  $|\sqrt{2}|$  **3**

\_\_\_\_\_ =  $|\sqrt{\frac{16}{9}}|$  **4**      \_\_\_\_\_ =  $|13.3|$  **5**      \_\_\_\_\_ =  $|-2.6|$  **6**

ھەر بېرەکی بەھەژمیرە.

\_\_\_\_\_ =  $|5.25| - |-3.75|$  **7**      \_\_\_\_\_ =  $2 \times 4^2 - |-1| - 1$  **8**

\_\_\_\_\_ =  $|(7-13)^3| \div 5$  **9**      \_\_\_\_\_ =  $|x| + \frac{15-38}{4} - 4 + 2$  **10**      \_\_\_\_\_  $0 > x$

\_\_\_\_\_  $x > 0$  کاتیک  $|3x+6| - \sqrt{225} + \left(\frac{|x|}{x^2}\right)^2$  **11**

بوار ومەودایی ھەر نەخشەیا بەھایی ديار بکە.

\_\_\_\_\_ بواری:  $y = |x-4|$  **12**      مەودا: \_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_ بواری:  $y = -|3x+21|$  **13**      مەودا: \_\_\_\_\_

دئیک پووتەختی پۆتانیدا ھیلکاری پوونکرنا نەخشەیا پووت  $y = |x|$  وغان نەخشەیی ل خواری ھاتینە دان بکیشە. ئەو جھگۆھۆرکا ئەندازەیا بکارھاتی بو گۆھۆرینی ژبی ئیکی بو یی دووی ديار بکە.

$f(x) = -|x+1| - 2$  **15**

$f(x) = |x-4|$  **14**



## راهینان



## 7-2 ھاوکیشه و لاسهنگه یین بهایی پرووت تیدا

*Absolute equations and inequalities*

ب شیوهی پروونکرنی فان ھاوکیشه یان لاسهنگه یان شیکار بکه و دروستیا شیکاری دیار بکه:

$$|x+3|=5 \quad 1$$

$$|x-4|=6 \quad 2$$

$$|2x+5|=7 \quad 3$$

$$|5x+2|<7 \quad 4$$

$$|6x-4|<3 \quad 5$$

$$-\frac{2}{3}|5x+3|+20=4 \quad 6$$

$$-\frac{1}{4}|8m-4|\leq-3 \quad 7$$

$$\left|\frac{4}{3}-\frac{2}{3}x\right|>-2 \quad 8$$

$$1<\left|2-\frac{x}{3}\right| \quad 9$$

10 کیشا تارایی 66 کیلوگرامه، دا کیشا وی نمونه یی بمینیت دقیت کیشا وی کیم وزیده نه کهت پتر ژرپزا 6% زکیشا نوکه.

لاسهنگه کی بنقیسه کو بهایی پرووت تیدا بیت و پاسه دانا کیشا تارایی  $x$  بکهت.

## راهینان



### 1-3 نهخشه ییښ دووجای Quadratic functions

پوونبکه ئەف نهخشانه دووجاینه؟ پاشی هاوکۆلکه ییښ وان دیار بکه:

\_\_\_\_\_  $f(x) = (x-3)(x-5)$  **1**

\_\_\_\_\_  $g(x) = (7-x)(9-x)$  **2**

\_\_\_\_\_  $k(x) = -3(x-11)(x+1)$  **3**

\_\_\_\_\_  $h(x) = (x-3)^2 - 4$  **4**

ئەری ئەف نهخشانه دووجاینه یان نه؟ بهرسقا خو پوونبکه.

\_\_\_\_\_  $k(x) = \frac{1}{x}$  **6** \_\_\_\_\_  $d(x) = -4x + x^2$  **5**

\_\_\_\_\_  $l(x) = 16 - 3x$  **8** \_\_\_\_\_  $g(x) = \frac{2x^3 + x}{x^2 - 1}$  **7**

\_\_\_\_\_  $m(x) = 3x - x(x+9)$  **10** \_\_\_\_\_  $f(x) = x^2 - 2x(x+1)$  **9**

ئەری ئەف برگه ییښ هاوتایى بهره ف سهری دقه کرینه یان بهره ف خوارى؟

ئەری ئەو په ره بهایى نهخشی بچووکتیرینه یان مه زنتیرینه؟

\_\_\_\_\_  $g(x) = 4x^2 + 7x - 2$  **12** \_\_\_\_\_  $d(x) = 5x^2 - 3x$  **11**

\_\_\_\_\_  $k(x) = (4-x)(2+7x)$  **14** \_\_\_\_\_  $g(x) = (5-x)(2-3x)$  **13**

هیلكارى پوونكرنى بو فان نهخشه یان بكیشه. بهایى نیژیكرى بو سهری برگه یى هاوتا دیار بکه.

\_\_\_\_\_  $d(x) = -(x+4)(x-0.5)$  **17** \_\_\_\_\_  $c(x) = -x^2 - x + 6$  **16** \_\_\_\_\_  $k(x) = 4x^2 - 3$  **15**

**18** وئ جهگۆهۆرپكا ئەندازه ی دیار بکه كو وه سا دکه ت وینه یى پوونكرنا نهخشه یى  $d(x) = (x+7.5)^2$  ب دهستبکه فیت. ب مفا

\_\_\_\_\_ دیتن ژنهخشه ییا بنه ره ت  $y = x^2$ .

## راهینان



### 2-3 شیتہ لکرنہ برہین جہری یین دووجای

#### Factoring quadratic algebraic expressions

ہر برہکی شیتہ لکھہ.

- |                                     |                                    |
|-------------------------------------|------------------------------------|
| _____ $-24x + 4x^2$ <b>2</b>        | _____ $12x - 60$ <b>1</b>          |
| _____ $4x(x-12) - 3(x-12)$ <b>4</b> | _____ $(2-7x) - 3x(2-7x)$ <b>3</b> |
| _____ $-3x^2 + 105x$ <b>6</b>       | _____ $3x^2 + 21x$ <b>5</b>        |

بکارینانا لیکنانا سفری فان ہاویکیشہیان شیکار بکہ.

- |   |  |                               |
|---|--|-------------------------------|
| _____ $(\sqrt{2x+1})(\sqrt{2x-1})=0$ <b>9</b> | _____ $(2x-\frac{1}{2})(x+5)=0$ <b>8</b> | _____ $(x+2)(x-5)=0$ <b>7</b> |
|---|--|-------------------------------|

- |   |                              |  |
|---|------------------------------|--|
| _____ $(x^2 - 27^{\frac{1}{3}})^2 (\sqrt{x^2 - 1})=0$ <b>12</b> | _____ $x(x-100)=0$ <b>11</b> | _____ $(y - \frac{\sqrt{9}}{4})^2 = 0$ <b>10</b> |
|---|------------------------------|--|

بکارینانا شیتہ لکرنی ولیکنانا سفری فان ہاویکیشہیان شیکار بکہ.

- |                                     |                                  |                                 |
|-------------------------------------|----------------------------------|---------------------------------|
| _____ $x^2 + 9x + 14 = 0$ <b>15</b> | _____ $5x^2 - 125 = 0$ <b>14</b> | _____ $x^2 - 256 = 0$ <b>13</b> |
|-------------------------------------|----------------------------------|---------------------------------|

- |                                    |                                      |                                     |
|------------------------------------|--------------------------------------|-------------------------------------|
| _____ $6x^2 - x - 1 = 0$ <b>18</b> | _____ $4x^2 - 12x + 9 = 0$ <b>17</b> | _____ $3x^2 - 6x + 3 = 0$ <b>16</b> |
|------------------------------------|--------------------------------------|-------------------------------------|

بکارینانا شیتہ لکرنی ولیکنانا سفری، ہر دوو سفرین نہخشا دووجای ل خوارئ بینہدہر؟

- |  |  |                                       |
|--|--|---------------------------------------|
| _____ $k(x) = 2x^2 + 3x - 2$ <b>21</b> | _____ $g(x) = 2x^2 + 3x - 5$ <b>20</b> | _____ $d(x) = x^2 - x - 12$ <b>19</b> |
|--|--|---------------------------------------|

**22** تابلویہکا زہیتی دریزیا وی 112 سم وپانیا وی 60 سم بوو، مہ دقیت ل چوار چپوہیکئی تہختہی بگرین، کو پروبہری

وی 60% ژرووبہری تابلوی بیت، پانیا چوار چپوہی چہندہ؟

## راهینان



### 3-3 ته مامکرنا دووجا *Compeliting the square*

ژماره یه کی زیده بکه دا بره ببیته دووجایه کا ته مام. وی دووجایه بنقیسه.

$$x^2 + 24x \quad \mathbf{1}$$

$$x^2 - 40x \quad \mathbf{2}$$

$$x^2 - 20x \quad \mathbf{3}$$

$$x^2 + 5x \quad \mathbf{4}$$

$$x^2 + 9x \quad \mathbf{5}$$

$$x^2 - 19x \quad \mathbf{6}$$

قان هاوکیشه یان ب ریکا ته مامکرنا دووجا شیکار بکه، بهرسقی نیژیکیکه بو نیژیکیترین ده هیك هه که یا پیتهقی بوو.

$$x^2 - 14x - 1 = 0 \quad \mathbf{9}$$

$$x^2 - 8x + 13 = 0 \quad \mathbf{8}$$

$$x^2 - 2x - 7 = 0 \quad \mathbf{7}$$

$$x^2 - 4 = 6x \quad \mathbf{12}$$

$$x^2 + 1 = 5x \quad \mathbf{11}$$

$$x^2 + 20x = 3 \quad \mathbf{10}$$

$$2x^2 + 16x = 3 \quad \mathbf{15}$$

$$x^2 + 7x + 2 = 0 \quad \mathbf{14}$$

$$2x^2 - 13 = 2x \quad \mathbf{13}$$

باری پیفانه می (شیوه یی لوتکه یی) بو قان نه خشه یین دووجای بنقیسه. پاشی پوتانی سه ری برگه یی هاوتا وهاوکیشا ته وهری وی بینه دهن.

$$f(x) = 7 - 3x^2 \quad \mathbf{17}$$

$$f(x) = -\frac{1}{2}x^2 \quad \mathbf{16}$$

$$f(x) = x^2 - 2x - 10 \quad \mathbf{19}$$

$$f(x) = x^2 - 12x - 3 \quad \mathbf{18}$$

$$f(x) = 3x^2 + 15x - 2 \quad \mathbf{21}$$

$$f(x) = x^2 - 10x - 10 \quad \mathbf{20}$$

راھینان



4-3 شیکار کرنا ھاوکیښهیا پله دوو ب یاسایی

*Solving quadratic function by formula*

ب ریڤکا دەستووری فان ھاوکیښهیا ن شیکار بکه، ھەردوو رەگان ب دروستی بنقیسه (نیژیک نەکه).

$-4x^2 + 5x - 1 = 0$  2

$x^2 + 7x = -10$  1

$12x^2 + x = 6$  4

$8x^2 - 10x + 3 = 0$  3

$x^2 - 3x + 9 = 0$  6

$8x = -2x^2$  5

$x^2 = -5x - 2$  8

$6x^2 + 7x - 3 = 0$  7

$3x^2 + 5x + 1 = 0$  10

$2x^2 + 3x - 7 = 0$  9

$5x^2 - 5x + 9 = 0$  12

$x^2 - 9x + 15 = 0$  11

پۆتانی سەری وھاوکیښا تەوهری ھاوچیبوونی بۆ فان برگهیی ن ھاوتا بنقیسه.

$y = -2x^2 + 8x - 4$  14

$y = x^2 + 8x$  13

$y = x^2 - 0.16x - 13.0336$  16

$y = 5x^2 + 2x - 12$  15

$y = x^2 - 5x + 6.29$  18

$y = 0.2x^2 - 0.1x + 0.3$  17

راهینان



3-5 لاسهنگه یین دوو جای Quadratic inequalities

قان لاسهنگه یان شیکار بکه، وکومه لا شیکاری لسهر ته وهری ژماران (هیلا ژماران) بنوینه.

1  $x^2 - 16 \geq 0$

2  $x^2 + 2x - 8 \leq 0$

3  $x^2 + 7x + 10 \leq 0$

4  $x^2 - 2x + 4 < 0$

5  $x^2 - 3x - 1 > 0$

6  $x^2 + 10x - 3 < 7x$

7 بهشی لیکولینی ل کارگه هکا له زگی ب لیکولینا تیچوون وفروتنی رابوو، ل نهجامی، گه هشته دانانا نه خشه یه کی بو دیار کرنا تیچوونی پی  $x$  کو نرخی فروتنا له زگه یه کای پیلاقی بو. ونه خشه یه ک کو داهاتی فروتنی پی وی گولراوی دیار دکهت. هه که بزانی نه خشا تیچوونی  $f(x) = 300x + 210$ ، ونه خشا داهاتی  $m(x) = -10x^2 + 400x$ .  
 ا له خشا  $r(x)$  بنقیسه بو دیار کرنا مفای (قازانجی) پی  $x$ .

ب ئەوی نرخی دیار بکه کو مهزنترین قازانج ب دهست دهینیت.

8 هه که نه خشا  $f(x) = -16x^2 + 320x$  بلنداهیا گولله توپه کی بنوینیت ب مهتران کو ژسه ر ئه ردی بلندبیت ل دووف ژمارا وان چرکین فه دکیشیت  $(t)$ .

ا ماوی وی دهمی دیار بکه کو گولله توپ بگه هته بلنداهیه کی کیمتر بیت ژ 1 024 مهتران.

ب ماوی وی دهمی دیار بکه کو گولله توپ بگه هته بلنداهیه کی زیده تربیت ژ 1 024 مهتران.

## راهینان



### Polynomials رادهدار 1-4

ٲهري ٲهف بره رادهداري دنويٲت؟ ديار بكه هكه بهرسف (بهلي) بوو؟

$$\frac{7}{x^2} + \frac{13}{x^3} \quad \mathbf{3}$$

$$\frac{x}{2} - \frac{x^2}{2} + 13 \quad \mathbf{2}$$

$$5x^2 - 22x^5 + 17x \quad \mathbf{1}$$

بهايي فان رادهداران پي بهايي (x) بينهدهر.

$$x = -1 : -x^4 + 3x^3 - 2x^2 + 4 \quad \mathbf{5}$$

$$x = -2 : 2x^3 - 3x^2 + 4x \quad \mathbf{4}$$

$$x = 10 : 0.5x^3 - 0.6x^2 - 3x \quad \mathbf{7}$$

$$x = 2 : x^5 + x^4 + x^3 + x^2 + 1 \quad \mathbf{6}$$

$$x = 4 : 0.75x^3 - 15x^2 + 10x \quad \mathbf{9}$$

$$x = 5 : 7x^2 - 19x \quad \mathbf{8}$$

فان كوٲبكه يان ليكدهر بكه، ٲهٲجامي لسهر شيٲوهيي گشتي بنقيسه. پلا رادهداري ديار بكه.

$$(3x^4 + 12x^3 - 2x^2) + (5x^4 - x^3 + 7x^2) \quad \mathbf{10}$$

$$(-7x^4 + 24x^5 - 3x^2 + 9) - (2x^5 + 6x^4 + x + 1) \quad \mathbf{11}$$

$$(8.8x + 2 + 3x^2 - x^4) - (5x^3 + 10x - 7x^2) \quad \mathbf{12}$$

$$(7.1x^3 + 3.2x^2 - 7x + 8) + (9x^2 - 2x^3 + 18) \quad \mathbf{13}$$

$$(4.7x^4 - 1) - (6.2x^3 - 5x^2 - 3x - 1) \quad \mathbf{14}$$

$$\left(\frac{1}{4}x^3 - \frac{1}{2}x^2 - \frac{1}{2}x + \frac{1}{3}\right) + \left(\frac{1}{2}x^3 - x^2 + \frac{3}{2}x + \frac{2}{9}\right) \quad \mathbf{15}$$

$$(5x - 2x^2 - 4x^4) - (3x^3 + 6x^4 - 2x^2 - 7) \quad \mathbf{16}$$

$$(3.2x^3 + 2.7x^2 + 4.9x - 2) + 2(-3.6x^3 + 5.4x^2 - 2.6x - 1.3) \quad \mathbf{17}$$

راهینان



2-4 نهخشهيا رادهدار Polynomial functions

هیلکاری پوونکرنی بو فان نهخشهيان بکیشه، وژپوونکرنی ئهوی په ره بهایی نهخشی بینهدر، وجوری وی دیار بکه. وبهایی نیژیکریی بو دههیک بینهدر.

$f(x) = 6 + x - 3x^2$  2

$f(x) = x^2 + 3x + 4$  1

$f(x) = x^4 + x^3 - 4x^2 - 2x + 2$  4

$f(x) = 2x^3 - 2x^2 + 1$  3

$y = 2x^3 + 3x^2 - 4x + 1$  6

$y = -3x^2 + 9x - 1$  5

$y = x^3 + 3$  8

$y = x^2 - 2$  7

هیلکاری پوونکرنا فان نهخشهيان بکیشه، ناقجییا (دهقرا) بهرهف زیدهبوون وبهرهف کیمبوون بو وان دیار بکه:

$-6 \leq x \leq 6$   $f(x) = 4x^3 - 3x^2 + 2$  9

$-4 \leq x \leq 4$   $f(x) = 0.3x^4 + x^3 - x$  10

$-5 \leq x \leq 5$   $f(x) = x^3 + 1.2x^2 - 2$  11

$-4 \leq x \leq 4$   $f(x) = -x^4 + 2.5x^3 - x^2 + 1$  12

$-4 \leq x \leq 4$   $f(x) = 3x^3 - 2x + 1$  13

14 ههکه چیهوی بنکی تهنهکی نیمچه شمش پالویهکی (پوو لاکیشه تهریب) 6 مهتر بیت. وبلنداها ویا ب 1 ی کیتر بیت ژ 3

جارانی دریژیا بنکی وی (x):

أ قهباری تهنی، وهك نهخشهیهكا رادهدار بنقیسه.

ب دریژیا بنکی وی دقیت چند بیت دا قهباری تهنی ئهو په ره بها هه بیت؟

ج ئهو په ره بهایی قهبارهی تهنی چ جوره؟ ودبیته چند؟



راهینان



3-4 لیکنان ودابهشکرنا رادهداران

Multiplying and dividing polynomials

هەر رادهدارهکی لسهر شیوهیی گشتی بنقیسه.

$(x-4)(5x^2+3x+7)$  3

$(x-10)(2x+3)$  2

$0.5x(16x^4-10x^3+6x)$  1

$(3x-1)^3$  6

$(2x-5)(x+1)^2$  5

$(x+2)(x-8)(x-1)$  4

ئهری ئەو برهینن هیللی دبنه هاوکۆلکهیین رادهداران یان نا بکارئینانا لجهدانانی.

$(x+1), 3x^2-x-4$  8

$(x+4), x^2+2x-12$  7

$(x-5), 2x^3-11x^2+8x-15$  10

$(x-3), x^3-9x+1$  9

$(x-2), 3x^3-2x^2-6x-2$  12

$(x+7), 2x^3+10x^2-28x$  11

دابهشکرنا ئەقلیدی بکارینه بو دابهشکرنا رادهداریی ئیککی لسهر رادهداریی دووی.

$(6x^2+2x-5) \div (3x+5)$  14

$(2x^2+7x-30) \div (x+6)$  13

$(5x^3+x^2-x+3) \div (x+1)$  16

$(8x^3+12x^2+14x+5) \div (2x+1)$  15

ئەنجامی دابهشکرنی بینهدهر.

$(x^3-5x^2-20x-32) \div (x-8)$  18

$(x^3-x^2+x-21) \div (x^2+2x+7)$  17

$(x^5-x^3-3) \div (x^2-3)$  20

$(x^3+4x^2+4x+3) \div (x^2+x+1)$  19

قان رادهداران شیتەلکە.

$x^3+64$  22

$x^3-12x^2+36x$  21

$x^3-2x^2+x-2$  24

$x^3-125$  23

راھینان



4-4 ھاوکیښه و لاسهنگه یین راده دار

*Polynomial equations and inequalities*

قان ھاوکیښه یان ب شیتہ لکرنی شیکار بکہ.

$2x^3 - x^2 - x = 0$  3

$x^3 - 11x^2 + 10x = 0$  2

$x^3 - 81x = 0$  1

$3x^3 + x = 4x^2$  6

$2x^3 - 2x^2 - 24x = 0$  5

$x^3 + 2x^2 = 15x$  4

$x^3 - 2x^2 - 15x = 0$  7

ھیلی پوونکرنی و دابه شکرنا ناسایی وشیتہ لکرنی بکاربینه بو دهرئینانا رهگین هر ھاوکیښه یه کی.

$x^3 + 4x^2 + x = 6$  9

$x^3 - 3x^2 - 4x + 12 = 0$  8

$x^3 + 29x + 42 = 12x^2$  11

$3x^2 + 2x^2 - 37x + 12 = 0$  10

$x^3 + 64 = 4x^2 + 16x$  13

$x^3 - 11x^2 + 24x + 36 = 0$  12

$x^3 - 2x^2 - 24x = 0$  14

گوپاوه کی نوو وشیتہ لکرنی بکاربینه بو دیارکرنا رهگین هر ھاوکیښه یه کی.

$x^4 - 10x^2 + 21 = 0$  16

$x^4 - 10x^2 + 24 = 0$  15

$x^4 - 7x^2 = -10$  18

$x^4 + 54 = 15x^2$  17

$x^4 + 20 = 12x^2$  20

$x^4 - 17x^2 + 16 = 0$  19

$x^4 - 13x^2 + 36 = 0$  21

## راھینان



### 1-5 گوھۆرپنا بەرۇقاژی (پېچەوانە) Inverse Variation

ئەرى ئەفین ل خوارى گوھۆرپنا بەرۇقاژی دنوینن؟

\_\_\_\_\_  $b = \frac{k}{3}$  **1**      \_\_\_\_\_  $b = 3k$  **2**      \_\_\_\_\_  $b = \frac{3}{k}$  **3**

ژراھینانا ۴ ھەتا ۷ گۆراوی (y) بەرۇقاژی دەیتە گوھۆرپن دگەل گۆراوی (x)، (y) پى (x) ب بىرکاریى بنفیسە، پاشى بەھایى (y) بەھەژمیرە پى بەھایى (x).

\_\_\_\_\_  $y = 12$  ھەكە  $x = 7$  :  $x = 20, 16, 10, 5$  **4**

\_\_\_\_\_  $y = 0.4$  ھەكە  $x = 2$  :  $x = 20, 8, 5, 0.1$  **5**

\_\_\_\_\_  $3\frac{1}{3}$  ھەكە  $x = 45$  :  $x = 60, 20, 15, 6$  **6**

\_\_\_\_\_  $y = 12$  ھەكە  $x = 0.4$  :  $x = 16, 10, 6, 0.5$  **7**

**8** دەمى پىتقى بۇ پشكنينا ترومبىلى بەرۇقاژی دەیتە گوھۆرپن دگەل ژمارا وان كرىكارين لسەر كار دكەن. ھەكە 6 كرىكار ب 4 دەمژمیران پشكنینی ئەنجام بدن. ئەرى چەند دەمژمیر بۇ دوو كرىكاران دقیت بۇ ئەنجامدانا وى پشكنینی؟

**9** تینا پووناھى دانەوھیا تشتەكى بەرۇقاژی (پېچەوانە) دەیتە گوھۆرپن دگەل دوو جاييا دووراتیا وى ژ ئیدەرى پووناھى. تینا پووناھى دانەوھیا وى تشتى چەندە؟ كو مەترەكى ی دووربیت ژ ئیدەرى؟ ھەكە بزانی كو تینا پووناھى دانەوھیا وى تشتى 60 یەكە، دەمى ئىك مەتر و نیقى ژ ئیدەرى یى دووربیت؟

مرۇف یەكین پىقانى یین جوراوجور بكار دئینیت ل بوارین جودا دا، ژوان یەكان ژى توانا (شیانا) ھەسپییە. ئەندازیارەكى پشتى لىكۆلینی پەيوەندى ل ناقبەرا ھیزا پىتقى بۇ بلندكرنا تەنەكى دیاركر، بۇ بلندكرنەكا دیاركرى و دەمى قەدكیشیت بۇ وى كارى، پەيوەندى ب قى شیوہییە  $p = \frac{10^3}{t}$  كو  $p$  توانا (شیانا) ھەسپییە و  $t$  دەمى پىتقییە ب چركان.

30	25	20	15	10	5	دەم ب چركان
						توانا ھەسپى

**10** قى خشتى تمامبەكە

**11** ئەنجامى لىكدانا ژمارا چركان ل توانا ھەسپى بەھەژمیرە. ئەنجامى پوون بکە.

**12** پەيوەندى ل ناقبەرا دەمى و توانا ھەسپى یا چەوايە؟

## راھینان



### 2-5 نەخشەییڭ پێژەیی Rational functions

ئەری ئەف نەخشانە پێژەینە؟ هەكە وەسا بوو، بواری دیار بکە، وەهەكە وەسا نەبوو هویي پوونبکە؟

$$c(x) = \frac{12-2x}{x^2-1} \quad \mathbf{3}$$

$$h(x) = \frac{x+2}{1x1-2} \quad \mathbf{2}$$

$$f(x) = \frac{x^3-5x+7}{x^2-3} \quad \mathbf{1}$$

هیلئ دەركەناری ئاسویی وستوونی بو وینەیی پوونکرنا فان نەخشەیان دیار بکە.

$$k(x) = \frac{2x+1}{x-9} \quad \mathbf{4}$$

$$b(x) = \frac{2x^2+3}{(x-1.5)^2} \quad \mathbf{5}$$

$$m(x) = \frac{3x-8}{x^2+7} \quad \mathbf{6}$$

بواری وھیلئ دەركەناری بو فان نەخشەییڭ پێژەیی دیار بکە.

$$d(x) = \frac{4x-3}{x^2-6x} \quad \mathbf{7}$$

$$n(x) = \frac{x-1}{x^2+4x-5} \quad \mathbf{8}$$

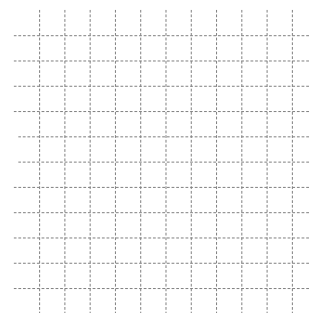
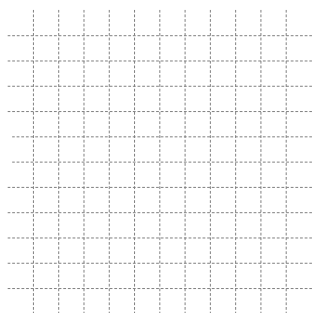
$$m(x) = \frac{x^3+12x}{x^2+7x+12} \quad \mathbf{9}$$

وینەیی پوونکرني فان نەخشەیان بکیشە و دەركەناران لسەر دیار بکە.

$$b(x) = \frac{x^3+x}{x^2-1} \quad \mathbf{12}$$

$$h(x) = \frac{x+2}{2x^2+3x-2} \quad \mathbf{11}$$

$$d(x) = \frac{3x}{x-4} \quad \mathbf{10}$$



## راهینان



### 3-5 لیکنان ودابه شکرنا برهینن ریژهی

### Multiplying and dividing rational expressions

هەر برهکی ب سادهترین شیوه بنقیسه.

$$\frac{x^2-8x+7}{x^2+6x-7} \quad 2$$

$$\frac{2x^4}{x^5} \times \frac{6x}{x^3} \times \frac{x}{4} \quad 1$$

$$\frac{3x}{x^{10}} \times \frac{x^3}{27} \times \frac{9x^4}{2} \quad 4$$

$$\frac{9x^2+12x+4}{9x^2-4} \quad 3$$

$$\frac{4x^4}{6x} \times \frac{9x^3}{10x} \times \frac{15x^2}{2x} \quad 6$$

$$\frac{x^2+7x+12}{x^2+x-6} \quad 5$$

$$\frac{2x-3}{5x+1} \div \frac{6x^2-13x+6}{15x^2-7x-2} \quad 8$$

$$\frac{3x+12}{x-2} \times \frac{x^2-5x+6}{x+4} \quad 7$$

$$\frac{x^3-9x}{x^2+11x+24} \times \frac{x^2+7x-8}{x^2-4x+3} \quad 10$$

$$\frac{4x-8}{x^2-x-6} \div \frac{x^3+x^2-6x}{x^2-9} \quad 9$$

$$\frac{x-5}{x^2-100} \div \frac{x^2-25}{x+10} \quad 12$$

$$\frac{x^2-16}{x-3} \div \frac{x+4}{x^2-9} \quad 11$$

$$\frac{x^4-81}{3x^2+27} \div \frac{x^2-x-12}{x} \quad 14$$

$$\frac{x^2-10x-11}{x^2+6x+5} \div \frac{x^2+9x-22}{x^2+3x-10} \quad 13$$

$$\frac{x^2-5x+6}{x^2-8x+15} \div \frac{x^2-9}{x^2+3x} \quad 16$$

$$\frac{x-6}{x+2} \times \frac{\frac{2x-1}{x-6}}{\frac{x-2}{x+2}} \quad 15$$

$$\frac{x^2-y^2}{5x^2y^2} \div \frac{4x+4y}{15x^2y^5} \quad 18$$

$$\frac{x-4}{x-7} \times \frac{\frac{x^2-49}{3x-12}}{\frac{x^2+14x+49}{x+5}} \quad 17$$

راهینان



4-5 کومکرن ولیدهرکونا برهین پرتھی

*Adding and subtracting rational expressions*

ئەفان کۆمبکه یان لیکدر بکه، ئەنجامی ب سادەترین شیۆه بنقیسه.

$\frac{3x+4}{3x} - \frac{2x+1}{2x}$  **3**

$\frac{5x-4}{x^3+1} - \frac{2x+3}{x^3+1}$  **2**

$\frac{x-7}{3} + \frac{x+2}{4}$  **1**

$\frac{4x}{x^2-16} - \frac{4}{x+4}$  **6**

$\frac{x-2}{x+3} + \frac{x+3}{x-2}$  **5**

$\frac{x-2}{x^2-4} + \frac{2}{3x-6}$  **4**

$\frac{x+5}{x^2+10x+25} - \frac{2x}{x^2+25}$  **9**

$\frac{x-2}{x+8} - \frac{x-2}{x^2+6x-16}$  **8**

$\frac{x+4}{2x^2-2x} - \frac{5}{2x-2}$  **7**

$\frac{\frac{x}{x-6}}{\frac{2x-1}{x-6}} + \frac{3}{2x-1}$  **12**

$\frac{\frac{12}{x-2}}{\frac{3}{x-2}} + \frac{7}{x-2}$  **11**

$\frac{x+14}{\frac{x-3}{2}}$  **10**

$\frac{\frac{x-3}{2x+1}}{\frac{2x-1}{x+3}} - \frac{x^2-9}{4x^2-1}$  **15**

$\frac{\frac{x}{x-2}}{\frac{2x^2}{2-x}} + \frac{1}{x+1}$  **14**

$\frac{\frac{10}{3x+1}}{\frac{5x}{3x+1}} + \frac{x^2+1}{x}$  **13**

هەر برهکی ب سادەترین شیۆه بنقیسه.

$\frac{2x+3}{x^2-9} - \frac{2x-3}{x^2-9} + \frac{1}{x+3}$  **17**

$\frac{5x-2}{x^2-49} + \frac{x-15}{x^2-49} - \frac{3x+4}{x^2-49}$  **16**

$\frac{x+1}{x-2} - \frac{x+2}{x-4} + \frac{16-5x}{x^2-6x+8}$  **19**

$\frac{x}{x-5} - \frac{x^2+25}{25-x^2} + \frac{5}{x+5}$  **18**

$\frac{-2x^2-5x}{x^2+7x} + \frac{x-2}{x+7} - \frac{2x-3}{x}$  **21**

$\frac{5x}{x^2-9} - \frac{4}{x+3} + \frac{2}{3-x}$  **20**

$\frac{5}{xy+3y-2x-6} + \frac{4}{x+3} - \frac{2}{2-y}$  **23**

$\frac{2x+1}{5-x} + \frac{2x-3}{3x^2-13x-10} + \frac{1}{3x+2}$  **22**

## راھینان



### 5-5 ھاوکیشتە و لاسەنگەیین ریژە

#### Rational equations and inequalities

قان ھاوکیشتەیان شیکار بکە، شیکاری پاسەدانیکە (ساخبکە).

$$\frac{x-15}{x+5} = \frac{x-12}{x} \quad \mathbf{3}$$

$$\frac{x-5}{x-8} = \frac{x+1}{x-5} \quad \mathbf{2}$$

$$\frac{2x+1}{4x-4} = \frac{4}{5} \quad \mathbf{1}$$

$$\frac{x-10}{2x+1} = \frac{4x}{3x+4} \quad \mathbf{6}$$

$$\frac{x^2+1}{x+2} = 3x-1 \quad \mathbf{5}$$

$$\frac{x-8}{x+5} = \frac{x-1}{2x+10} \quad \mathbf{4}$$

$$\frac{x}{x-2} - \frac{x-5}{5} = \frac{x-2}{5} \quad \mathbf{9}$$

$$\frac{3}{4} - \frac{1}{x} = \frac{1}{2x} \quad \mathbf{8}$$

$$\frac{x-2}{x} - 1 = \frac{2x+3}{x} \quad \mathbf{7}$$

$$\frac{3}{x-2} + \frac{5}{x+2} = \frac{4x^2}{x^2-4} \quad \mathbf{12}$$

$$\frac{x+3}{x-2} - \frac{14}{x+2} = \frac{3x-2}{x^2-4} \quad \mathbf{11}$$

$$\frac{3}{x-1} + 4 = \frac{1}{1-x^2} \quad \mathbf{10}$$

قان لاسەنگەیان شیکار بکە، شیکاری ساخبکە.

$$\frac{x}{x+1} < \frac{x}{x-1} \quad \mathbf{15}$$

$$\frac{x}{x-6} < 2 \quad \mathbf{14}$$

$$\frac{x}{x-2} < 2 \quad \mathbf{13}$$

$$\frac{x+1}{x+2} - \frac{x}{x+3} \leq \frac{7}{x^2+5x+6} \quad \mathbf{18}$$

$$\frac{x+1}{x-1} > 2 \quad \mathbf{17}$$

$$\frac{x}{x-3} > \frac{4}{x-2} \quad \mathbf{16}$$

$$\frac{x+1}{x-1} - \frac{x}{x+1} < \frac{2}{x^2-1} \quad \mathbf{21}$$

$$\frac{x}{x+3} + \frac{1}{x-4} < 1 \quad \mathbf{20}$$

$$\frac{x}{x+1} - \frac{2}{x-1} > 1 \quad \mathbf{19}$$

بژمیری بکارینە بۆ شیکارکرنا قان لاسەنگەیان، بەرسقی نیژیکبکە بۆ نیژیکترین دەھیک.

$$\frac{x-3}{x-4} > x \quad \mathbf{24}$$

$$\frac{x+2}{x+4} < 1-x \quad \mathbf{23}$$

$$\frac{2}{x-3} \leq x+3 \quad \mathbf{22}$$

$$\frac{2x-3}{x} - \frac{3}{x-2} > 5 \quad \mathbf{27}$$

$$\frac{x-4}{x} - \frac{x}{x-4} < 1 \quad \mathbf{26}$$

$$\frac{x+1}{x-2} < \frac{1}{x-3} \quad \mathbf{25}$$

## راهینان



### 6-5 نه خسته یا رهگی دوو جایی Radical functions

بوارنی قان نه خسته یان دیار بکه.

$$f(x) = \sqrt{x^2 - 36} \quad \mathbf{3}$$

$$f(x) = \sqrt{7(x-4)} \quad \mathbf{2}$$

$$f(x) = \sqrt{12x - 30} \quad \mathbf{1}$$

$$f(x) = \sqrt{x^2 + 4x + 3} \quad \mathbf{6}$$

$$f(x) = \sqrt{x^2 - 10x + 25} \quad \mathbf{5}$$

$$f(x) = \sqrt{4x^2 - 25} \quad \mathbf{4}$$

ئەفان کورت بکه.

$$\sqrt{288x^2y^4} \quad \mathbf{9}$$

$$\sqrt[4]{81} \quad \mathbf{8}$$

$$\sqrt[5]{32} \quad \mathbf{7}$$

$$\sqrt[3]{16x^2y} \times \sqrt[3]{4xy^2} \quad \mathbf{12}$$

$$(-16x^3y^4)^{\frac{1}{3}} \quad \mathbf{11}$$

$$(80x^5)^{\frac{1}{2}} \quad \mathbf{10}$$

قان بران کورت بکه ب مهرجه کی ژیره یا ریژهی بیت.

$$\frac{7}{\sqrt{2}-1} \quad \mathbf{15}$$

$$\frac{\sqrt{64}}{\sqrt{2}} \quad \mathbf{14}$$

$$\frac{4}{\sqrt{8}} \quad \mathbf{13}$$

قان هاوکیشه یان شیکار بکه وپاسه دان بکه.

$$\sqrt{x^2 - 4} = 2\sqrt{3} \quad \mathbf{18}$$

$$\sqrt{x-6} = 2 \quad \mathbf{17}$$

$$\sqrt{x+5} = 10 \quad \mathbf{16}$$

$$\sqrt{2x-2} = x-2 \quad \mathbf{21}$$

$$\sqrt{2x+3} = x+1 \quad \mathbf{20}$$

$$\sqrt{x+2} = \sqrt{x} \quad \mathbf{19}$$

$$\sqrt[3]{x+4} = \sqrt[3]{3x-6} \quad \mathbf{24}$$

$$\sqrt{3x-5} = x-1 \quad \mathbf{23}$$

$$\sqrt{23x+3} = \sqrt{x-7} \quad \mathbf{22}$$

ب ریکا پروونکرنی قان هاوکیشه یان شیکار بکه.

$$\sqrt{2x-2} = 1 \quad \mathbf{27}$$

$$\sqrt{x+0.1} = 1 \quad \mathbf{26}$$

$$4\sqrt{x} = -x-3 \quad \mathbf{25}$$



## راهینان



### 1-6 دهستیپیکهک بو ئهگهري Introduction to probability

ئهگهرا هه ر پوودانهکا ل خواری دیار بکه.

1 نازادی تهپهک ژتویرکهکی راکیشا کو (۲) تهپین سپی و (۱) تهپین سوور و (۷) تهپین شین تیدا هه بوون. ئهگهري هندی کو ئه و تهپا راکیشای یا شین بیت بینهدر.

2 ئاری چوو مالی چونکو چافهريی تهلهفونا ههقالهکی خو بوول ناقبهرا دهمژمیر 6:40 پ.ن ودهمژمیر 6:50 پ.ن، ئاری دهمژمیر 6:42 پ.ن گههشته مال. ئهگه ر چهنده کو ههقالی وی ل پیش گههشتنا ئاری بو مال تهلهفون کربیت؟

3 ههقالی پلیتهک راکیشا ژپلیتین کاغهزین یاریکرنی. ئهگه ر چهنده ئه و پلیته یا سوور بیت؟

4 هیمنی پلیتهک راکیشا ژپلیتین کاغهزین یاریکرنی. ئهگهرا ئه و پلیته نه 8 بیت و نه 5 بیت چهنده؟

5 ئارمانجی بهرکی زارهکی هه لدا، ئهگه ر چهنده کو مهزنتر ژ 3 وچووکتتر ژ 6 دیاربیت؟

6 شهینی پیتهک ژپیتین ئه بجهدی ههلبژارت. ئهگه ر چهنده ئه و پیته نه عیله بیت؟

7 نهرمیني جههک لسهر پاستهکا ئیک مهتری نیشانکر کو یا بهشکری بوو بو سانتیمهتران، ئهگه ر چهنده ئه و جهی هاتیه نیشانکر چهن جارانی 12 بیت؟

42	کهسک
65	زه ر
43	قاوایی

پاستی چهرخهکی نیشانکری دروستکر. کو دابهشکریوو بو سی بهشین یهکسان وپهنگری ب کهسک وزهر وقاوایی. پاستی هیلی چهرخي 150 جارن زفراند. لسهر خشتهکی، ژمارا پاوہستیانا میلی لسهر هه ر پهنگهکی نفیسی. ئهگهرا قان پوودانان بینهدر.

8 میل لسهر پهنگي کهسک پاوہستیت \_\_\_\_\_ 9 میل لسهر پهنگي قاوایی پاوہستیت \_\_\_\_\_

10 میل لسهر پهنگي زهر پاوہستیت \_\_\_\_\_ 11 میل پاوہستیت لسهر پهنگهکی نه قاوایی بیت \_\_\_\_\_

12 میل پاوہستیت لسهر پهنگهکی کهسک نه بیت \_\_\_\_\_ 13 میل پاوہستیت لسهر پهنگهکی زهر نه بیت \_\_\_\_\_

## راھینان



### 2-6 گۆرپن وریزبەندی Combinations and ordering

گۆرپن وریزبەندی حەفت پیتین ئیکى ل ئەبجەدی ل ھەر بارەکی چەندە؟

1 ژمارا گۆرپنا (7) پیتان. 2 ژمارا ریزبەندی (5) پیتان ژ (7) پیتان.

3 ژمارا ریزبەندی (4) پیتان ژ (7) پیتان. 4 ژمارا ریزبەندی (3) پیتان ژ (7) پیتان.

ب چەند ریکا تۆ دشیی 12 پەرتووکان لەسەر رەفەیکە دابنی ھەکە ژمارا پەرتووکان:

5 12 پەرتووک 6 14 پەرتووک 7 15 پەرتووک 8 20 پەرتووک

گۆرپن پیتەپین ھەر پەیفەکی دیار بکە.

9 ئەندازە 10 جوگرافیا 11 خاوی

12 بەغداد 13 کوردستان 14 عیراقیبەکان

15 دلداری دقیت 10 پەرتووکان لەسەر 5 رەفەیان دانیت، ب تیکرایى دوو پەرتووک لەسەر ئیک رەفکی. ب چەند ریکان دلداری دقیت قی کارى ئەنجامبەت.

16 ل ھولاً دواناوەندییەکی بەریکانە سازکرن بۆ گوتنا ھەلبەستان، 6 قوتابیان پشکداری تیدا کر. ب چەند ریکان پیکخەری ئاھەنگی دقیت پشکداران گازی بکەت بۆ خواندنا ھەلبەستان؟

17 8 زانا گەشتنە ئیک لەسەر میزەکا بازنەى دا دانوستاندنی بکەن لەسەر پیکین پارستنا ژینگەھى. ب چەند ریکان ئەو زانا دکارن لدۆر میزەى روینن؟

18 10 قوتابخانان پشکداری کرل بازارەکی خیر مەندی، کول ھولاً وەرزشی یا پاژیرفانیا باژیرەکی ھاتبوو سازکرن. ھەر قوتابخانەکی پیشانگەھا خۆ ھەبوو، پیکخەری بازارى دقیا جھان بۆ ھەر قوتابخانەکی دیار بکەت. ب چەند ریکان ئەو دکارت قی کارى ئەنجامبەت.

## راھینان



### 3-6 گونجین Combination

ب چەند رېكان دشىن ھەر لىژنەيەكى ھەلبىژىرن؟

- 1 لىژنەيەكا 5 كەسى ژ 8 كەسان ھەلبىژىرت
- 2 لىژنەيەكا 2 كەسى ژ 16 كەسان ھەلبىژىرت
- 3 لىژنەيەكا 4 كەسى ژ 7 كەسان ھەلبىژىرت
- 4 لىژنەيەكا 8 كەسى ژ 15 كەسان ھەلبىژىرت
- 5 لىژنەيەكا 3 كەسى ژ 9 كەسان ھەلبىژىرت

بۇ شىف خوارنى 4 جورين كەسكاتىي و 5 جورين گوشتى بۇ ميقانان نامادە كرىبون. ب چەند رېكان ميقان دشىت قان ھەلبىژىرت؟

- 6 دوو جورين كەسكاتىي و 3 جورين گوشتى
- 7 دوو جورين گوشتى و 3 جورين كەسكاتىي
- 8 چار جورين كەسكاتىي و 4 جورين گوشتى.
- 9 سى جورين كەسكاتىي و 3 جورين گوشتى

تويركەك 8 تەپپن سىپى و 7 تەپپن شين تىدا ھەنە. گلافيژى 5 تەپ ب ئىك جارى راکيشان. نەگەرا ھەر رودانەكا ل خوارى ديار بکە:

- 10 راکيشانا 2 تەپپن سىپى و 3 تەپپن شين
- 11 راکيشانا 3 تەپپن سىپى و 2 تەپپن شين
- 12 راکيشانا 4 تەپپن سىپى و ئىك تەپ شين

ھەر ئىك ژقان بارين ل خوارى، گورين يان رىزبەندى يان گونجین بۇ بكار دىت؟

- 13 ب چەند رېكان قوتابىكە دكارت فيرى 2 زمانان بيت ژناق 5 زمانان ل زانکويى؟

- 14 ب چەند رېكان دشىن 20 قوتابيان ژناق 60 قوتابيان ھەلبىژىرن، بۇ پىكىنينا لىژنەيەكا سەرپەرشتيا ئاھەنگا دوماھيا سالا قوتابخانەكى؟

- 15 يانا وەرزىشى ژ 18 ئەندامان پىكھاتبوو، ب چەند رېكان دشىن رېقەبەرى يانى، يارىدەرى، راستگرى سندوقى ھەلبىژىرن؟

- 16 يارىزانين بەرىكانەكى 10 يارىزان بوون، ژمارا ئەنجامين بەرىكانى بينەدەر؟

## راهینان



### 4-6 تهگهر وکومکرن Adding and probability

ل دهمی ههلانا بهرکی زارهکی: ئهري دوو پروودانين A و B دجودانه يان نه؟ پروودانين A و B بهه ژميړه.

- 1 پروودانا A: دياربوونا ژماره 3. پروودانا B: دياربوونا ژمارهكا جووت.  
2 پروودانا A: دياربوونا ژمارهكا مهزنتر ژ 5. پروودانا B: دياربوونا ژمارهكا كت.

- 3 پروودانا A: دياربوونا ژمارهكا مهزنتر ژ 5. پروودانا B: دياربوونا ژمارهكا جووت.  
4 پروودانا A: دياربوونا ژمارهكي چهند جاراني 2 بيت. پروودانا B: دياربوونا ژمارهكا مهزنتر ژ 5.

- 5 پروودانا A: دياربوونا ژمارهكي چهند جاراني 5 بيت. پروودانا B: دياربوونا ژمارهكا جووت.  
6 پروودانا A: دياربوونا ژمارهكا خوېهش. پروودانا B: دياربوونا ژمارهكا جووت.

چهرخهكي ميلدار يي دابهشكرييه بو 8 بهشين يهكسان، وره نووسكرييه ژ 1 ههتا 8. نازاد ئهو چهرخه ئيك جار زفراند. نهگهرا وي ژماري چهنده كو ميلي چهرخي لسهر راوهستيت ل بارهيين خوري:

7 جووت بيت يان لسهر 3 دابهش بيت؟

8 كت بيت يان مهزنتربيت ژ 7؟

9 بچووكتر بيت ژ 2 يان مهزنتربيت ژ 6؟

10 كت بيت يان لسهر 4 دابهش بيت؟

+	1	2	3	4	5	6
1	2	3	4	5	6	7
2	3	4	5	6	7	8
3	4	5	6	7	8	9
4	5	6	7	8	9	10
5	6	7	8	9	10	11
6	7	8	9	10	11	12

ل دهمي ههلانا دوو بهركين زاري، نهگهرا سهرجهمي دوو ژمارين دياربووي ژژمارين بوښايي نمونهيي كو ل خشتي ل خوري پروونكري ديار بکه.

11 سهرجهمي وان كت بيت يان مهزنتربيت ژ 11.

12 سهرجهمي وان بچووكتر بيت ژ 6 يان مهزنتربيت ژ 10.  
14 سهرجهمي وان بچووكتر بيت ژ 8 يان چهند جاراني 6 بيت.

13 سهرجهمي وان جووت بيت يان بچووكتربيت ژ 5.  
15 سهرجهمي وان بچووكتربيت ژ 4 يان چهند جاراني 5 بيت.

## راهینان



### 5-6 پروودانیڻ سهر به خو Independent events

پروودانیڻ  $D, C, B, A$  سهر به خوڻه. ښه گهرين وان،  $P(D)=0.25$ ،  $P(C)=0.4$ ،  $P(B)=0.1$ ،  $P(A)=0.2$ ،  
ريڙا ښه گهرا ههر ښيڙي ژفان پروودانیڻ ښاويته يڻ ل خواري بينه ده:

$P(A \cap C)$	2	$P(A \cap B)$	1
$P(A \cap D)$	4	$P(B \cap C)$	3
$P(B \cap C \cap D)$	6	$P(A \cap B \cap C)$	5

تويركه كي 3 ته پڻ سپي و 2 ته پڻ سوږ و 7 ته پڻ شين تيڊا هه نه، ته په ك راکيشا ورهنگي وي ده ستنيشانگر  
وفه گه رانده ناف تويركي، پشتي وي ته په كا دي راکيشا ورهنگي وي ده ستنيشانگر. ښه گهرا ههر ښيڙي ژفان  
پروودانیڻ ل خواري ديار بکه:

- 7 ههر دوو ته پڻ هاتينه راکيشان دشين بن.
- 8 ته پا ښيڙي يا سپي بيت و ته پا دوو يا سوږ بيت.
- 9 ته پا ښيڙي يا سپي بيت و ته پا دوو نه يا سپي بيت.
- 10 ههر دوو ته په نه سوږ بن.
- 11 ته پا ښيڙي يا شين بيت و ته پا دوو يا سوږ بيت.

زارهك دوو جاران ښيڙي ل دوو ښيڙي هه لدا، وژمارين ديار بووين نفيسين، ښه گهرا ههر ښيڙي ژنه فڻ ل خواري  
بينه ده:

- 12 رهنوسى ښيڙي مه زنتربيت ژ 5 وي دوو بچو وکتربيت ژ (3) ښيڙي.
- 13 ههر دوو رهنوس مه زنتربن ژ 4 ښيڙي.
- 14 رهنوسى ښيڙي جووت بيت وي دوو کت بيت.
- 15 ههر ښيڙي ژ ههر دوو رهنوسان بچو وکتربيت ژ 2 ښيڙي.
- 16 ههر ښيڙي ژ ههر دوو رهنوسان نه مه زنتربيت ژ 4 ښيڙي.

زارهك و دوو پارچين دراقي كانزاي هه لدان. ښه گهرا ههر پروودانه كي بهه ژميږه:

- 17 رهنوسى لسهر زاري 2 بيت دگه ل ههر دوو خهت بن.
- 18 رهنوسى لسهر زاري جووت بيت و خهت لسهر پارچه كا پارهي بيت و شير لسهر پارچا دي بيت.
- 19 رهنوسى لسهر زاري مه زنتربيت ژ 4 ښيڙي و لسهر ههر دوو پارچين دي شير بن.
- 20 رهنوسى لسهر زاري مه زنتربيت ژ 2 ښيڙي و ههر دوو پارچان دوو پرويڻ جياواز هه بن.

## راھینان



### 6-6 پېقه رین پرتبونی Measures of dispersion

مهودا ولادانی ناڤهندی بو هەر کۆمهلهیهکا پیدایین ل خواری بینهدەر:

1 52، 36، 38، 20، 24

2 20، 22، 18، 15، 11، 12

3 95، 40، 82، 88، 56، 71

4 200، 167، 188، 188، 167، 142، 120

5 8.6، 10.5، 7.2، 3.4، 5.8

6 100، 90، 53، 61، 40، 52، 38

لیکنه چوون ولادانا پیقانهی بو هەر کۆمهلهیهکا پیدایین ل خواری بینهدەر:

7 20، 22، 11، 17، 13، 13

8 120، 52، 67، 44، 82

9 1 875، 2 010، 1 715، 1 805، 1 215

10 15 ، 11.5 ، 16 ، 18 ، 14.5 ، 12

11 18 ، 22.6 ، 40.8 ، 40.2 ، 30

12 19 ، 19.8 ، 19.6 ، 19.2 ، 19 ، 19.4

ئەف خشتی ل خواری ژمارهیا پیقانهی بو یاریا گۆلف دیانه کیڤا ژسالاً 1977 ههتا سالاً 1996 دیار دکهت،  
ئەقین ل خواری بینهدەر:

287	280	290	290	283	279	280	284	289	292
272	278	277	280	280	283	284	278	277	285

13 مهودای دیار بکه. \_\_\_\_\_ 14 لادانا ناڤهندی.

15 لیکنه چوون. \_\_\_\_\_ 16 لادانا پیقانهی.

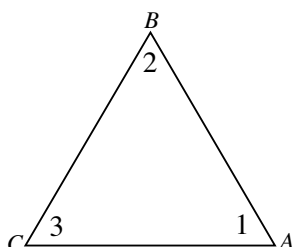
17 ناڤهراست. \_\_\_\_\_ 18 باو(مۆد).

## راهینان



### 1-7 ده سټیټیکهک ژنه نډارهیا نهقلیدی

#### Applications in Euclidean geometry



قی سیگوشهیا بهرامبر بکارینه بو شیکارکرنا راهینان ژ 1 هتا 4.

1 ناقین هموو پارچه راسته هیلین سیگوشا  $ABC$  بیژه.

2 ناقی هر گوشهیهکی ل سیگوشهیا  $ABC$  ب سی پیکین جودا بیژه.

3 ناقین هموو وان دوو پارچه راسته هیلان بیژه کو هر گوشهکی ل سیگوشهیا  $ABC$  پیکدینن.

4 ناقی وی پروتهختی بیژه کو سیگوشهیا  $ABC$  دکهفته دناقدا.

هر نیک ژنهقین ل خواری دبیرکارییدا چی دنوینیت.

5 ستیر. 6 پووی پرتووی.

7 لیقا راستی. 8 سهری قهلمی.

9 بهریهپری تینوسی. 10 چهقویا فهکرنا نامی.

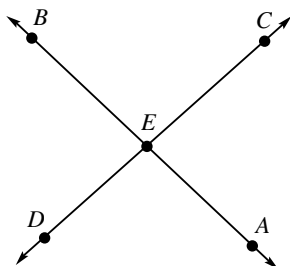
نهف رامانین ل خواری دروستن یان خهلهتن، ههکه یا خهلهت بوو، هووی وی پوونبکه.

11 دوو پروتهخت بتنی ل خالهکی نیکودوو دبرن.

12 تیشک ده سټیټیکهت ژخالهکی ژخالین راسته هیلهکی ودریژ دبیت.

13 دوو پروتهخت ل راسته هیلهکی نیکودوو دبرن.

بهری خو بدو وینی بهرامبر، کو  $E$  نافهراسته بو پارچه راسته هیلی  $A$  و  $B$ ، بو شیکارکرنا پرساران ژ 14 هتا 18، نهری نهف رامانین ل خواری دروستن یان خهلهتن (شاشن)؟



14 خالین  $A, E, B$  دکهفته سه نیک ریژی

15  $\overrightarrow{AB}$  و  $\overrightarrow{BA}$  هیمایه بو نیک راسته هیلی

16 خالین  $A$  و  $E$  و  $B$  پروتهختهکی پیکدینن

17 خالین  $A, E, D$  دکهفته سه نیک ریژی

18 چار تیشک ژخال  $E$  دهکفته

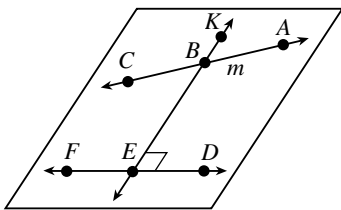
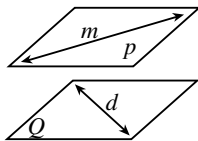
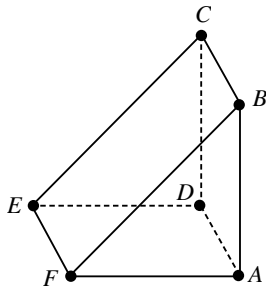
راهینان



2-7 راسته هیل و پرووتهخت دبو شاییدا

Lines and planes in space

قی وینهیی بهرامبهر بکاربینه بو شیکارکرنا راهینانان ژ 1 هتا 3.



1 نافیین دوو پرووتهختی تهریب دگهل ئیکودوو بیژه.

2 نافیین دوو راسته هیلین تهکولۆ دگهل  $\overrightarrow{BC}$  بیژه.

3 نافیین دوو راسته هیلین ستوون لسه ر پرووتهختی  $BCD$  بیژه.

4 ل وینهیی بهرامبهر دوو پرووتهختی تهریب دگهل ئیکودوو هه نه  $P, Q$ ، په یوه دنیا ل ناقبهره هردوو راسته هیلان  $m, d$  دیار بکه.

5 ل وینهیی بهرامبهر راسته هیل  $KB$  ستوونه لسه راسته هیل  $DF$  وناستوونه لسه راسته هیل  $CA$ ، هه که وی بهرپه پری کو پرووتهختی دنوینیت بجه مین لسه راسته هیل  $K$ . کیژ گوشه دی بیته ئه و گوشه دووتوی یا بدهست مه کهفتی.

دبو شاییدا ئه ف رامانین ل خواری دروستن یان خه له تن، هه که دخه له ت بوون پۆن بکه.

6 هه که راسته هیل  $D$  بکه فیه دنا ف پرووتهختی  $m$  دا و راسته هیل  $n$  بکه فیه دنا ف پرووتهختی  $B$  دا و ئه و هردوو راسته هیل لسه ئیکودوو ستوونین، دی هردوو پرووتهخت لسه ئیکودوو ستوونین.

7 هه که هردوو راسته هیل  $m, n$  بکه فنه دنا ف ئیک پرووتهختیدا، و هردوو راسته هیل  $d, n$  بکه فنه دنا ف ئیک پرووتهختیدا. دی هرسی راسته هیل که فنه دنا ف ئیک پرووتهختیدا.

8 هه که راسته هیل  $m$  تهریب بیت دگهل راسته هیل  $d$ ، و راسته هیل  $d$  تهکولۆ بیت دگهل راسته هیل  $n$ ، ئه و پرووتهختی راسته هیلین  $d, m$  بخو فه دگریت، و پرووتهختی راسته هیل  $n$  بخو فه دگریت ئیکودوو نابرن.



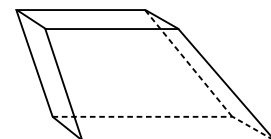
راھینان



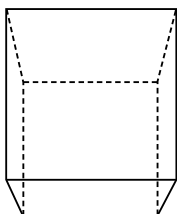
3-7 وینەییڭ بىنراو *Perspective drawing*

ل وینەییڭ ل خوارى ژ 1 هەتا 4 ، خالا پۆکان دیار بکە وھیلئ ناسوی بکیشە.

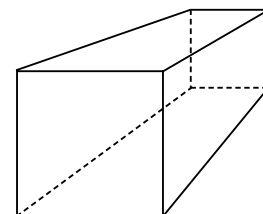
1



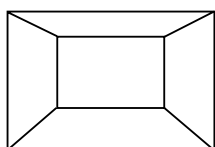
2



3



4



5

وینەییەکی بىنراو بۇ پرولاکیشە تەریبەکی بکیشە کو ئیک خالا پۆکان هەبیت. خالا پۆکان دانە پشت تەنی ئەندازەى.

6

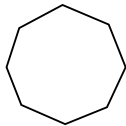
وینەییەکی بىنراو بۇ پرولاکیشە تەریبەکی بکیشە کو دوو خالیڭ پۆکان هەبن. هەردوو خالیڭ پۆکان ل پشت تەنی ئەندازەى دانە.

## راھینان

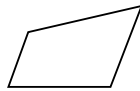


### 4-7 چەندلايىن رېك Regular polygons

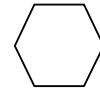
بەرى خۇ بدە ویتەيىن ل خوارى. جوړى ھەر ئىكى ديار بکە. پيقانا چەقە گوښا وى ديار بکە ھەكە چەندلايى رېك بوو.



3



2



1

---



---



---



---



---



---



---



---

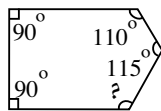


---

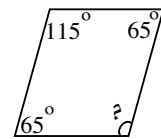
پيقانا گوښىن نەزانراو بەهژميړه.



6



5



4

---



---



---

پيقانا گوښىن دناڤدا بو چەندلايىن رېك يىن ل خوارى بينەدەر.

8 نەھ لايى رېك

7 چوار گوښه

10 شەش لايى رېك

9 سيگوښهيا لايەكسان

ژمارا لايىن چەندلايى رېك دياربکە، بزانيا پيقانا گوښهياکە دناڤدا بو شيکارکنا راھينان ژ 11 ھەتا 14.

12 90°

11 120°

14 144°

13 168°

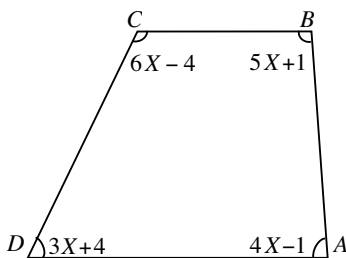
پيقانا ھەر گوښهياکە قى نيچە لاتەريى بينەدەر.

16  $\hat{B}$

15  $\hat{A}$

18  $\hat{D}$

17  $\hat{C}$



رووبەرى چەندلايى بەهژميړه وبەرسقى نيزيکبکە بو نيزيکترين بەشى سەدى.

20 چوارگوښهياکە دريژيا لايى وى  $8\sqrt{2}$ cm .

19 سيگوښهياکە رېك دريژيا لايى وى 18 cm .

22 ھەشت لايەكى رېك دريژيا لايى وى  $\sqrt{3}$ cm .

21 چوارگوښهياکە دريژيا لايى وى 5 cm .

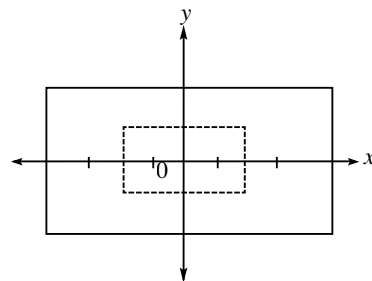
# راھینان



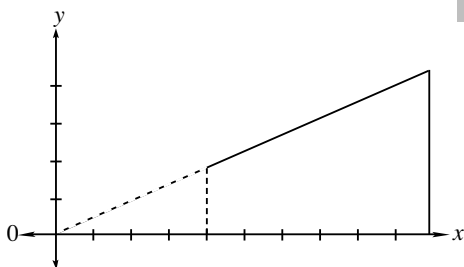
## 5-7 ھاوریژھی ئەندازھی Dilations

ل وینھیئ ل خواری ئەو بەشئ ب خالان ھاتینە کێشان یئ بنهپهتی دنوینیت ل کردارا ھاوریژھی ئەندازھی، لی ئەو شیوھیئ ب پارچە راستە ھیلان دگەل ئیک گەھاندین وینھی دنوینیت. تیکرایئ ھاوریژھی دیار بکە بۆ ھەر بارهکی.

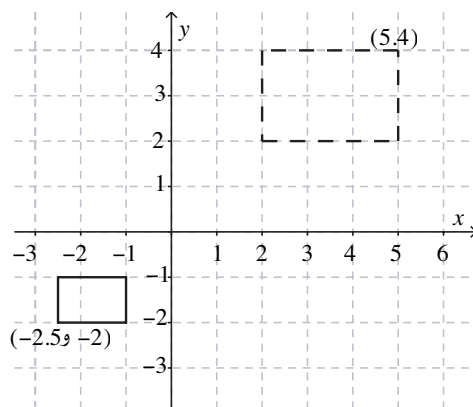
1



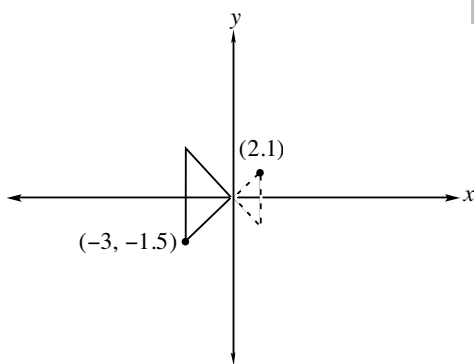
2



3



4



ل ھاوریژھیئ 5 - 10 ھاوکێشا وی راستە ھیلی بینەدەر کو دخالا دیارکریپا دبووریت ودوی خالا ژئەنجامی لیکدانا خالا دیارکری دگەل  $K$  پەیدا بووی پا دبووریت. پاشی پوونبکە ئەری راستەھیل دخالا بنهپهتیرا دبووریت؟

5  $k = 3 : (2, 3)$

6  $k = 2 : (1, 4)$

7  $k = \frac{1}{3} : (-1, 2)$

8  $k = -1 : (3, 4)$

9  $k = 2 : (-4, 3)$

10  $k = -1 : (-3, -3)$

راهینان



6-7 بازنه Circle

خالین ئیکودوو برینا هر بازنهکی دگهل ههردوو تهوهران بینهده:

1  $x^2 + y^2 = 144$

2  $x^2 + y^2 = 24$

---



---

3  $x^2 + y^2 = 25$

4  $(x-1)^2 + y^2 = 4$

---



---

5  $(x-5)^2 + (y-5)^2 = 25$

6  $(x+14)^2 + (y-5)^2 = 16$

---



---

چهق ونیقتیری فان بازنان بینهده:

7  $x^2 + y^2 = 169$

8  $x^2 + y^2 = 63$

چهق: \_\_\_\_\_  
 نیقتیره: \_\_\_\_\_

9  $(x+12)^2 + y^2 = 225$

10  $(x-3)^2 + y^2 = 81$

چهق: \_\_\_\_\_  
 نیقتیره: \_\_\_\_\_

هاوکیشهیا هر بازنهکی بینهده ل دووف چهق ونیقتیری پیدای:

11 چهق: (3, 12)

12 چهق: (-2, 6)

نیقتیره: 5 \_\_\_\_\_  
 نیقتیره: 7 \_\_\_\_\_

13 چهق: (0, 0)

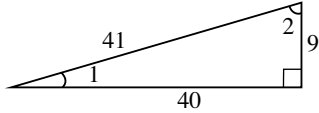
14 چهق: (2, -3)

نیقتیره: 5 \_\_\_\_\_  
 نیقتیره: 7 \_\_\_\_\_

## راهینان



### 1-8 شیکار کرنا سیگو شہیا و دستاؤ Solving right triangle

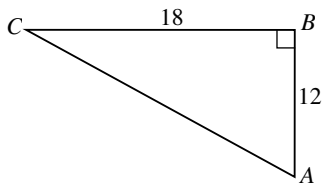


سیگو شہیا وینئى بهرامبر بکاربینه بو دیار کرنا هر بهایه کی، بهرسقى ب دروستى بنفیسه ونیزیککه بو نیزیکترین بهش ژدهه هزارى.

\_\_\_\_\_  $\sin \hat{1}$  **1** \_\_\_\_\_  $\cos \hat{1}$  **2** \_\_\_\_\_  $\tan \hat{1}$  **3** \_\_\_\_\_

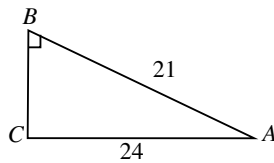
\_\_\_\_\_  $\sin \hat{2}$  **4** \_\_\_\_\_  $\cos \hat{2}$  **5** \_\_\_\_\_  $\tan \hat{2}$  **6** \_\_\_\_\_

هر سیگو شہکی شیکار بکه، پیقانا گوشان نیزیککه بو نیزیکترین پله ودریژیا لایان بو نیزیکترین بهشى دههیک.



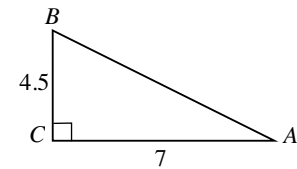
**9**

\_\_\_\_\_ = AB  
 \_\_\_\_\_ =  $\hat{C}$  پیقانا  
 \_\_\_\_\_ =  $\hat{A}$  پیقانا



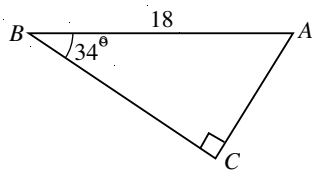
**8**

\_\_\_\_\_ = BC  
 \_\_\_\_\_ =  $\hat{C}$  پیقانا  
 \_\_\_\_\_ =  $\hat{A}$  پیقانا



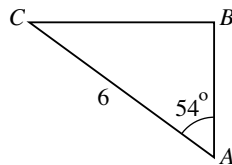
**7**

\_\_\_\_\_ = BA  
 \_\_\_\_\_ =  $\hat{A}$  پیقانا  
 \_\_\_\_\_ =  $\hat{B}$  پیقانا



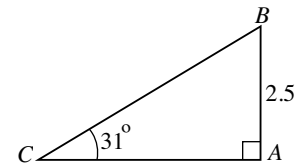
**12**

\_\_\_\_\_ =  $\hat{A}$  پیقانا  
 \_\_\_\_\_ = AB  
 \_\_\_\_\_ = BC



**11**

\_\_\_\_\_ =  $\hat{C}$  پیقانا  
 \_\_\_\_\_ = BC  
 \_\_\_\_\_ = AC



**10**

\_\_\_\_\_ =  $\hat{B}$  پیقانا  
 \_\_\_\_\_ = BC  
 \_\_\_\_\_ = AC

## راھینان



### 2-8 گۆشئین زقړاندنی Rotation angles

گۆشا راگر بو هەر گۆشهکا ل خواری دیار بکه:

- |                       |                       |                       |
|-----------------------|-----------------------|-----------------------|
| _____ 218° <b>3</b>   | _____ -123° <b>2</b>  | _____ 47° <b>1</b>    |
| _____ 307° <b>6</b>   | _____ -222° <b>5</b>  | _____ 512° <b>4</b>   |
| _____ 645° <b>9</b>   | _____ -185° <b>8</b>  | _____ 1122° <b>7</b>  |
| _____ 715° <b>12</b>  | _____ -213° <b>11</b> | _____ 105° <b>10</b>  |
| _____ -72° <b>15</b>  | _____ 860° <b>14</b>  | _____ -144° <b>13</b> |
| _____ -420° <b>18</b> | _____ 1000° <b>17</b> | _____ -2° <b>16</b>   |

بهایی دروست بو ههرسی ریژهیین سیگۆشمی بو گۆشا  $\theta$  باری پیقانهی بینهدەر. ههکه بزانی لایی دوماهیکی دخالا پیدایرا دبووریت.

- |                       |                       |                       |
|-----------------------|-----------------------|-----------------------|
| (4, 9) <b>21</b>      | (-5, 10) <b>20</b>    | (12, 8) <b>19</b>     |
| _____ = $\sin \theta$ | _____ = $\sin \theta$ | _____ = $\sin \theta$ |
| _____ = $\cos \theta$ | _____ = $\cos \theta$ | _____ = $\cos \theta$ |
| _____ = $\tan \theta$ | _____ = $\tan \theta$ | _____ = $\tan \theta$ |

بهایی دروست بو ریژا سیگۆشا پیدای بینهدەر.

- |  |   |
|--|---|
| $\frac{1}{\sin \theta} ; \tan \theta = \frac{5}{8}$ چاریکی ئیکی: <b>23</b> | $\tan \theta ; \sin \theta = -\frac{3}{5}$ چاریکی چاری: <b>22</b> |
| $\tan \theta ; \sin \theta = -\frac{4}{5}$ چاریکی سییی: <b>25</b>          | $\sin \theta ; \cos \theta = -\frac{5}{8}$ چاریکی دووی: <b>24</b> |
| $\frac{1}{\tan \theta} ; \cos \theta = \frac{3}{4}$ چاریکی چاری: <b>27</b> | $\tan \theta ; \sin \theta = \frac{5}{12}$ چاریکی دووی: <b>26</b> |

## راھینان



### 3-8 پیقانەیا بازنەیی Circular measuring

پیقانا ھەر گۆشەیکە ل خواری بۆ شیوازی بازنەیی بگوھۆرە.

- \_\_\_\_\_ 135° **1** \_\_\_\_\_ 300° **2** \_\_\_\_\_ 36° **3**  
 \_\_\_\_\_ 150° **4** \_\_\_\_\_ 105° **5** \_\_\_\_\_ -85° **6**  
 \_\_\_\_\_ 70° **7** \_\_\_\_\_ 75° **8** \_\_\_\_\_ 270° **9**

پیقانا ھەر گۆشەیکە ل خواری بۆ شیوازی شیستی بگوھۆرە.

- \_\_\_\_\_ 10  $\frac{5\pi}{2}$  گۆشە نیقتیرە \_\_\_\_\_ 11  $\frac{11\pi}{12}$  گۆشە نیقتیرە \_\_\_\_\_ 12  $\frac{7\pi}{9}$  گۆشە نیقتیرە  
 \_\_\_\_\_ 13  $\frac{13\pi}{12}$  گۆشە نیقتیرە \_\_\_\_\_ 14 8.25 گۆشە نیقتیرە \_\_\_\_\_ 15 1.8 گۆشە نیقتیرە  
 \_\_\_\_\_ 16 3 گۆشە نیقتیرە \_\_\_\_\_ 17 0.5 گۆشە نیقتیرە \_\_\_\_\_ 18 1.25 گۆشە نیقتیرە

بازنەیکە تیری وی 20 مەترە، دریزیا کفانەیی بەرامبەر چەقە گۆشەیی ل خواری ب مەتران بەھەژمیرە.

- \_\_\_\_\_ 19  $\frac{3\pi}{4}$  گۆشە نیقتیرە \_\_\_\_\_ 20  $\frac{\pi}{12}$  گۆشە نیقتیرە \_\_\_\_\_ 21  $\frac{2\pi}{3}$  گۆشە نیقتیرە  
 \_\_\_\_\_ 22  $\frac{\pi}{6}$  گۆشە نیقتیرە \_\_\_\_\_ 23 2.5 گۆشە نیقتیرە \_\_\_\_\_ 24 4 گۆشە نیقتیرە  
 \_\_\_\_\_ 25 7.3 گۆشە نیقتیرە \_\_\_\_\_ 26 10 گۆشە نیقتیرە \_\_\_\_\_ 27 3.5 گۆشە نیقتیرە

بھایی دروست بۆ ریزا سیگوشا پیدایی بەھەژمیرە.

- \_\_\_\_\_ 28  $\sin 3\pi$  \_\_\_\_\_ 29  $\cos \frac{2\pi}{3}$  \_\_\_\_\_ 30  $\tan \frac{5\pi}{3}$   
 \_\_\_\_\_ 31  $\frac{1}{\sin(-\frac{\pi}{2})}$  \_\_\_\_\_ 32  $\tan \frac{13\pi}{6}$  \_\_\_\_\_ 33  $\sin \frac{7\pi}{4}$   
 \_\_\_\_\_ 34  $\cos \frac{5\pi}{2}$  \_\_\_\_\_ 35  $\frac{1}{\cos \frac{5\pi}{3}}$  \_\_\_\_\_ 36  $\frac{1}{\tan(-\frac{\pi}{3})}$

## راھینان



### 4-8 ھاوئەنجامین ریژەیین سیگۆشەیین بنەرەتی

#### Fundamental trigonometric identities

پیناسی بکاربینه بۆ سەلماندا قان ھاوئەنجامان:

$$(\sin \theta - 1)(\sin \theta + 1) = -\cos^2 \theta \quad \mathbf{2}$$

$$1 + \tan^2 \theta = \frac{1}{\cos^2 \theta} \quad \mathbf{1}$$

---



---

$$(\sin \theta - \cos \theta)(\sin \theta + \cos \theta) = 2 \sin^2 \theta - 1 \quad \mathbf{4}$$

$$1 + \frac{1}{\tan^2 \theta} = \frac{1}{\sin^2 \theta} \quad \mathbf{3}$$

---



---

ھەر برەکی سیگۆشەیی ل خوارئ بنقیسە بکارئینانا ئیک ریژەیا سیگۆشەیی:

$$\left(\frac{1}{\cos \theta} - 1\right)\left(\frac{1}{\cos \theta} + 1\right) \quad \mathbf{6}$$

$$\frac{1 - \cos^2 \theta}{\sin \theta} \quad \mathbf{5}$$

---



---

$$\frac{(\sin \theta)(\cos \theta)}{1 - \sin^2 \theta} \quad \mathbf{8}$$

$$\frac{1}{\tan^2 \theta} - \frac{1}{\sin^2 \theta} \quad \mathbf{7}$$

---



---

$$(\sin \theta)(\tan \theta) + \cos \theta \quad \mathbf{10}$$

$$\frac{1}{\sin \theta} - (\cos \theta)\left(\frac{1}{\tan \theta}\right) \quad \mathbf{9}$$

---



---

ھەر برەکی بنقیسە بتنی بکارئینانا  $\sin O$ .

$$\frac{\frac{1}{\sin \theta} - \sin \theta}{\frac{1}{\tan \theta}} \quad \mathbf{11}$$

---



---

$$\left(\frac{1}{\sin \theta} - \frac{1}{\tan \theta}\right)(1 + \cos \theta) \quad \mathbf{12}$$

---



---

$$\sin \theta + (\cos \theta)\left(\frac{1}{\tan \theta}\right) \quad \mathbf{13}$$

---



---